

La Magia de la Regla de Tres

Libro Interactivo

Juan David Builes Grisales

iCartesiLibri

La Magia de la Regla de Tres

Juan David Builes Grisales
Institución Universitaria Pascual Bravo



Fondo Editorial RED Descartes



Córdoba (España)
2022.

Título de la obra:
La Magia de la Regla de Tres

Autor:
Juan David Builes Grisales

Código JavaScript para el libro: [Joel Espinosa Longi](#), [IMATE](#), UNAM.
Recursos interactivos: [DescartesJS](#)
Fuentes: [Lato](#) y [UbuntuMono](#)
Núcleo del libro interactivo: septiembre 2023

Red Educativa Digital Descartes
Córdoba (España)
descartes@proyectodescartes.org
<https://proyectodescartes.org>

Proyecto iCartesiLibri
<https://proyectodescartes.org/iCartesiLibri/index.htm>
<https://prometeo.matem.unam.mx/recursos/VariosNiveles/iCartesiLibri/>

ISBN: [978-84-18834-47-9](#)

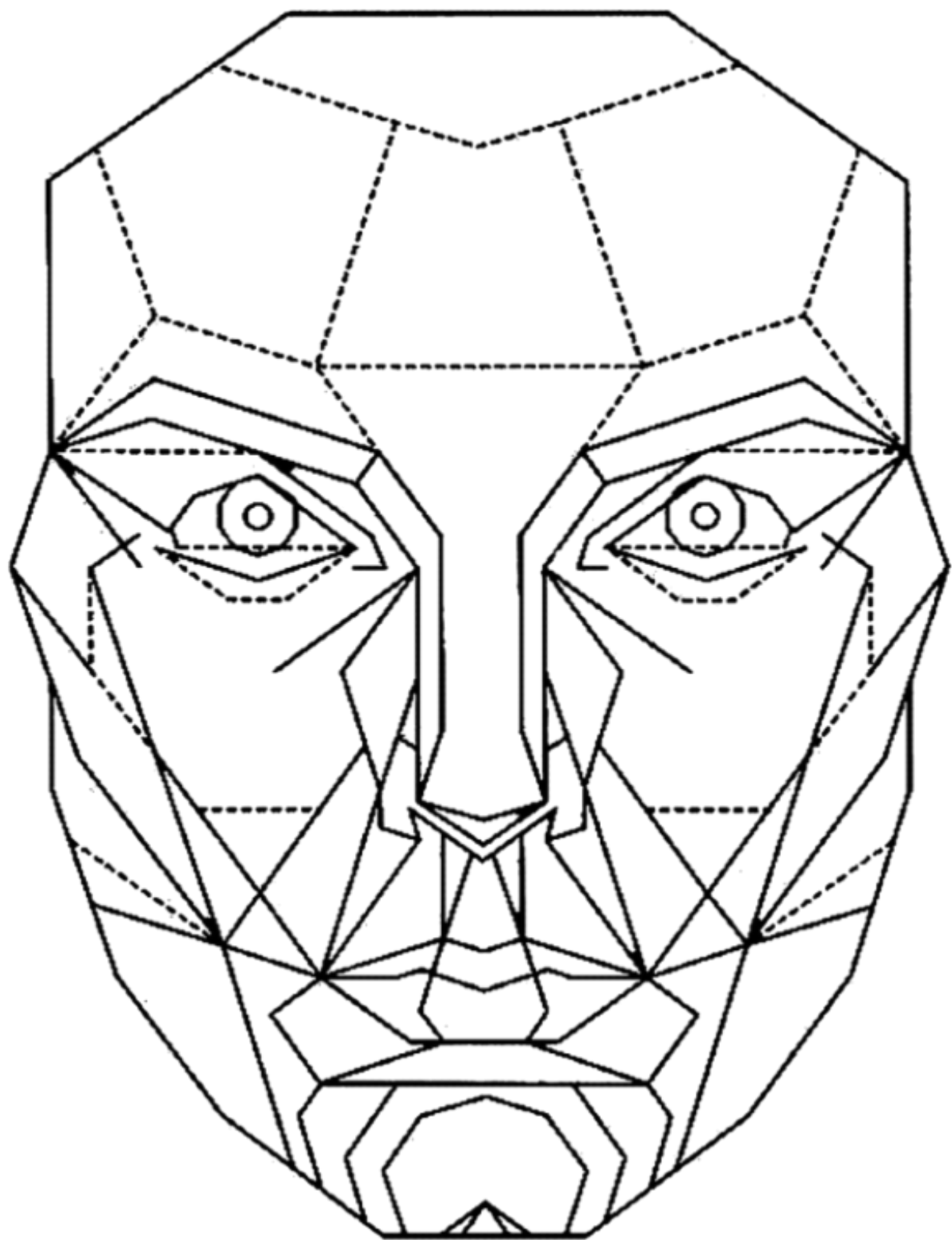


Esta obra está bajo una licencia [Creative Commons 4.0 internacional: Reconocimiento-No Comercial-Compartir Igual](#).

Tabla de contenido

Prefacio	6
1. Reconociendo las Proporciones	11
1.1 Reconociendo las Proporciones	12
1.2 Documento Base, Competencias y Saberes Previos	13
1.2.1 Documento Base	14
1.2.2 Reconociendo Mis Competencias	14
1.2.2.1 Eje Temático	15
1.2.2.2 Pensamientos Matemáticos	15
1.2.2.3 Estándares de Competencias	15
1.2.2.4 Derechos Básicos de Aprendizaje	15
1.2.2.5 Indicadores de Desempeño	15
1.2.3 Reconociendo Mis Saberes Previos	16
1.2.3.1 Proporcionalidad	16
1.2.3.2 Razón	17
1.2.3.3 Proporción	27
1.2.3.4 Proporcionalidad Directa	31
1.2.3.5 Proporcionalidad Inversa	31
2. Conociendo La Regla De Tres	35
2.1 Proporcionalidad Simple Directa	36
2.2 Proporcionalidad Simple Inversa	43
2.3 Proporcionalidad Compuesta Directa Directa	49
2.4 Proporcionalidad Compuesta Inversa Inversa	53
2.5 Proporcionalidad Compuesta Directa Inversa	57

2.6 Proporcionalidad Directa-Directa-Inversa	61
2.7 Proporcionalidad Directa Inversa Inversa	65
2.8 Proporcionalidad Directa Directa Directa	69
2.9 Proporcionalidad Inversa Inversa Inversa	73
2.10 Ejercicios Resueltos	77
3. Reconociendo Mis Competencias	89
3.1 Objetos Interactivos de Aprendizaje de Aritmética	90
3.2 Taller Interactivo	91
3.4 Evaluación	93
3.5 Autoevaluación	94



Prefacio

Este libro no es una novela, ni una fábula, ni un cuento, porque todo es real, es la historia de cómo la división entre 2 números, le permitió al hombre solucionar problemas de su entorno, problemas de su cotidianidad, leerlo, es permitirnos identificar uno de los artilugios matemáticos, más transversales, utilizados por el hombre y, después de analizarlo, podrás concluir que prácticamente se aplica en todas las áreas del conocimiento.

Este libro se centrará en los conocimientos, pero no en los contribuidores, es decir, nos centraremos en el concepto, en el conocimiento científico y su aplicación en la solución de problemas reales y dejaremos al margen los autores, como consulta para el lector.

La metodología del libro está enfocado hacia un modelo por competencias, es decir, que el lector identifique, desde la primera página, que es un libro diferente a los que estamos acostumbrados, que el lector tenga una experiencia diferente, innovadora y motivadora y que el mismo libro, lo invite a interactuar con él.

Es muy importante que el lector tenga claro el enfoque metodológico del libro, para que, a través de él, pueda desarrollar sus competencias relacionadas con las reglas de proporcionalidad, aplicados en la solución de problemas reales.

Solucionar problemas cotidianos implica utilizar y relacionar variables de nuestro entorno, pero eso sí, con variables que se puedan medir, como la temperatura, el área o el volumen de un cuerpo, o como el tiempo de un evento y seguiría mencionando muchos ejemplos, lo importante es que interpretes que no todo se puede medir, por ejemplo, podemos medir el nivel de colesterol de un ser humano, pero no su sinceridad, en conclusión, sólo podemos medir cantidades físicas.

Las cantidades físicas son variables que podemos medir y relacionar unas con otras, la regla de tres, como se conoce a la regla de proporcionalidad simple directa e inversa, es un artilugio matemático que consiste en construir una proporción de la cuál no conocemos o deseamos conocer un cuarto dato de las variables relacionadas, por eso es llamada regla de tres, por que con 3 datos conocidos puedo encontrar el cuarto.

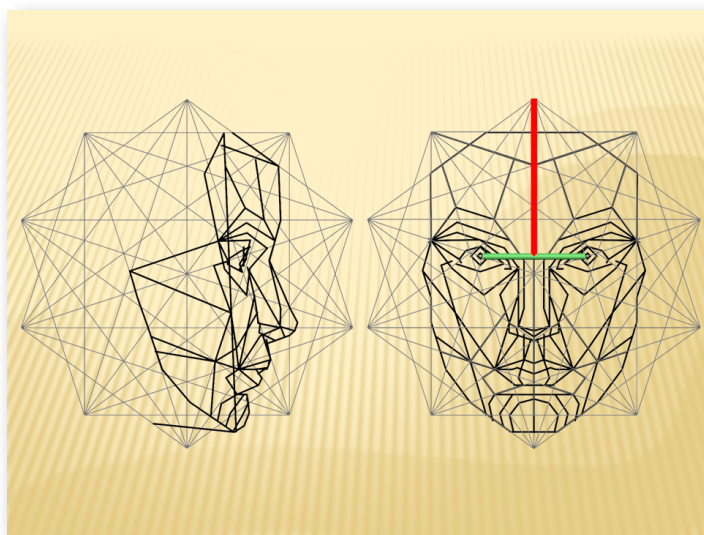
Las relaciones de proporcionalidad están presentes en la naturaleza sean o no positivas para el hombre, no todas las relaciones de proporcionalidad son negativas, depende de cómo observemos nuestro entorno, por ejemplo, mientras mayor sea el número de árboles que plantemos, mayor será la cantidad de aire limpio que tendremos para respirar, este tipo de relaciones son las que llamamos directamente proporcionales y suceden cuando al aumentar una variable la otra variable también aumenta.

El otro tipo de relaciones son los que se presentan cuando al aumentar una variable la otra disminuye y son las que llamamos inversamente proporcionales, por ejemplo, mientras mayor sea la cantidad de desechos reciclables y reutilizables por el hombre menor será la contaminación que estos producen.

Las proporciones están presentes en nuestra cotidianidad, las encontramos en las estructuras creadas por el hombre en la antigüedad, como el Partenón, en busca de la razón y la proporción perfecta, la que me permito llamar razón de oro, e incluso en el arte, el hombre se ha preocupado por establecer las proporciones perfectas del cuerpo humano, en síntesis, la naturaleza está inmersa en infinitas proporciones y están presentes en toda su existencia.

Para el estudio de las reglas de proporcionalidad en un comienzo se construyó un archivo en excel para que el estudiante pudiera interactuar y editar el documento.

La [Secuencia didáctica de proporcionalidad](#) es una tecnología educativa inclusiva, se creó para apoyar el trabajo del estudiante en casa y para acercar el modelo a la inclusión, pero tiene la desventaja que al ser un documento descargable depende siempre del servidor, incluso como es de Microsoft se presenta una dificultad en otras plataformas, por tal motivo, la construcción de este libro permitirá compartir la experiencia para siempre, porque será guardada en una unidad local y no dependerá de un servidor.



Con este libro usted conocerá los modelos matemáticos de las relaciones de proporcionalidad entre cantidades físicas y aprenderá a solucionar situaciones problema aplicando la regla de tres.

Espero que este libro se convierta en una efectiva herramienta para el desarrollo de competencias en la solución de problemas reales.

Este libro hace parte del proyecto VIDEOMÁTICA, una propuesta inclusiva, innovadora y motivadora que implementa el aula invertida y a donde invitamos al lector acceder.

A continuación encontrarás el acceso a la presentación del proyecto Videomática y sus estrategias.



padlet

Juan David Builes grandes - 3mo

MICROSITIOS

Aquí encontrarás los micrositos de Pensamiento Computacional, Matemáticas Operativas, Geometría y Estadística, Cálculo Diferencial, Cálculo Integral y Física Mecánica, el blog educativo y la aplicación de recursos digitales.

Juan David Builes s... 3mo

MICRO SITO DE MATEMÁTICAS OPERATIVAS

Microsito de Matemáticas Operativas

Juan David Builes s... 3mo

MICRO SITO DE GEOMETRÍA Y ESTADÍSTICA

Pacl... - Juan Builes

OBJETOS INTERACTIVOS DE ALGEBRA

OBJETO S INTERACTIVO SCE ALGEBRA

Pacl... - Juan Builes

OBJETOS INTERACTIVOS DE ARITMÉTICA

OBJETO S INTERACTIVO SCE ARITMÉTICA

PRESENTACIÓN DE VIDEOMÁTICA

VIDEOMÁTICA

Ver más ta... Comparte

<http://www.youtube.com/user/davidbuiles100>

Ver en YouTube

padlet

Juan Builes - 3mo

VIDEOMÁTICA

VIDEOMÁTICA 2021. Haz clic para acceder al proyecto

LIBRO INTERACTIVO DE VIDEOMÁTICA

padlet-vglo-ada.s...

VIDEOMÁTICA

sites.google.com

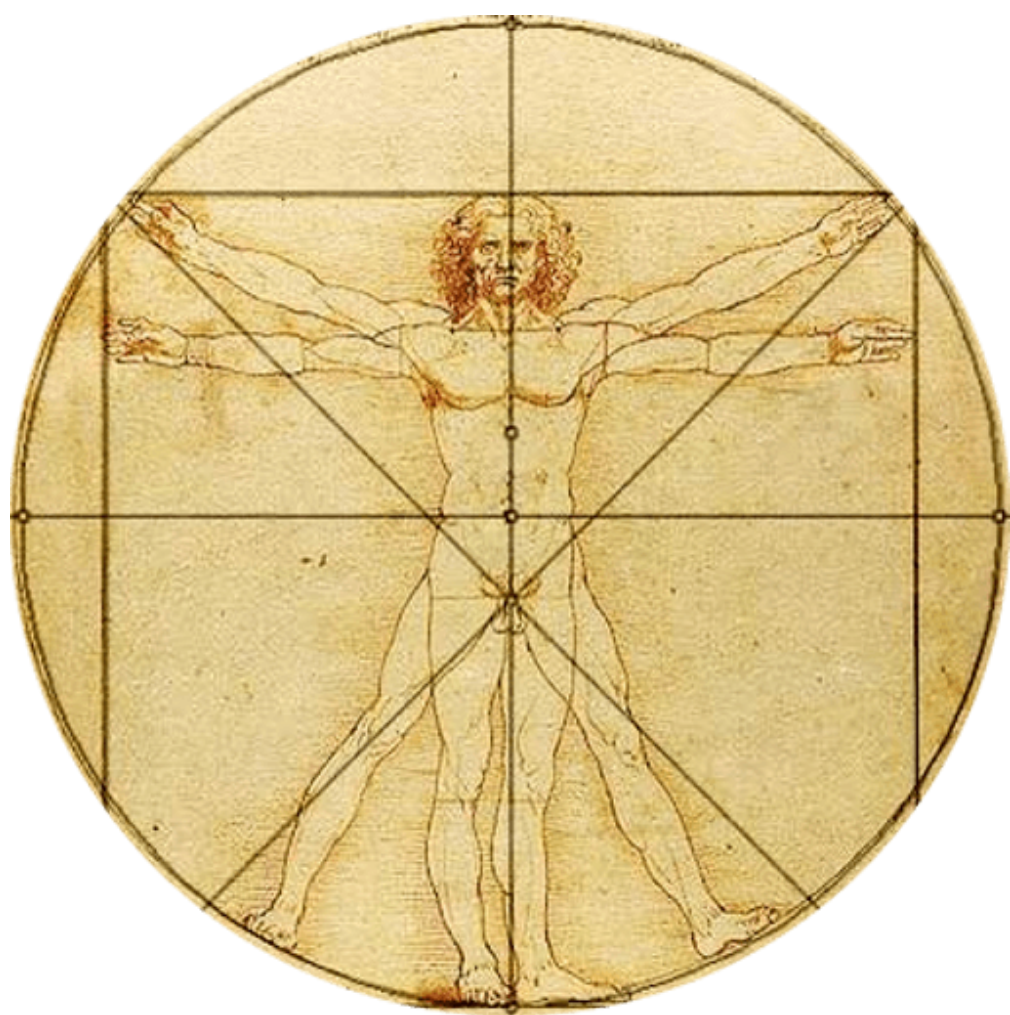
VIDEOMÁTICA 30.21. clic para para acceder a proyecto

TAREAS EN CASA

Jueves, 21 de diciembre de 2010

ESTUDIE EN CASA

VIDEOMÁTICA





Reconociendo las Proporciones



Está en nuestras manos cambiar esas relaciones de proporcionalidad tan negativas, necesitamos una sociedad en la cual, mientras más progreso más aire limpio y menos contaminación, una sociedad en la cual el progreso sea directamente proporcional a un ambiente limpio y saludable y a un planeta más habitable y sostenible.

Con base en la actividad anterior, plantea 3 acciones que podrías realizar en tu comunidad que mejoren el medio ambiente de ella.


Realizado lo anterior puede continuar con la siguiente actividad denominada, Documento Base, Competencias y Saberes Previos

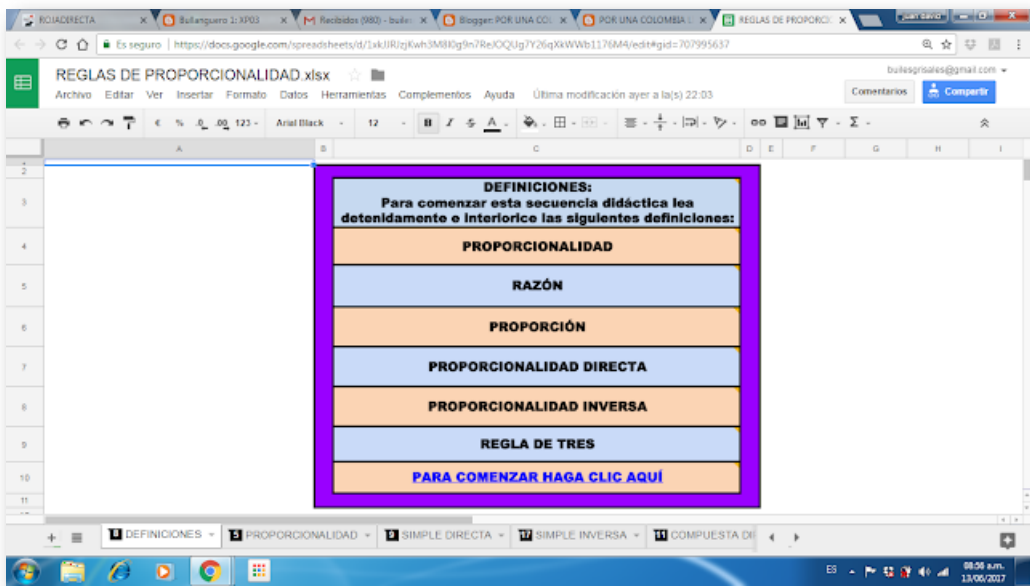
1.2 Documento Base, Competencias y Saberes Previos

Esta parte de la actividad sólo la realizan los que dispongan de Internet y Microsoft Excel.

1.2.1 Documento Base

Esta sección busca que el estudiante descargue el documento para que lo pueda editar, en ninguna otra parte del libro se volverá a mencionar. Haga clic en el Objeto Interactivo de Aprendizaje (OIA) [Reglas de proporcionalidad](#), es un archivo de excel descargable y para editarlo debes descargarlo en tu PC, una vez descargado en tu PC ábrelo para que lo puedas editar, recuerda realizar esta rutina cada vez que quieras trabajar con él, lo puedes descargar desde cualquier sitio las veces que lo necesites.

A continuación, encontrarás el acceso directo al documento en Excel, correspondiente a las reglas de proporcionalidad: 



1.2.2 Reconociendo Mis Competencias

A continuación encontrará las competencias que se desarrollan en este libro:

1.2.2.1 Eje Temático

El tema central que se aborda en este libro son las reglas de proporcionalidad entre variables.

1.2.2.2 Pensamientos Matemáticos

Los pensamientos matemáticos tratados en esta competencia son el pensamiento numérico y el pensamiento variacional.

1.2.2.3 Estándares de Competencias

Los estándares de competencia establecidos por el Magisterio de Educacional Nacional de Colombia para el área de Matemáticas correspondientes a este eje temático son los siguientes:

- ✓ Justifica el uso de representaciones y procedimientos en situaciones de proporcionalidad directa e inversa.
- ✓ Resuelve y formula problemas en contextos de medidas relativas y de variaciones en las medidas.

1.2.2.4 Derechos Básicos de Aprendizaje

Identifica y analiza propiedades de covariación directa e inversa entre variables, en contextos numéricos, geométricos y cotidianos y las representa mediante gráficas (cartesianas de puntos, continuas, formadas por segmentos, etc...).

1.2.2.5 Indicadores de Desempeño

Los indicadores de desempeño correspondientes a estas competencias son los siguientes:

- ⦿ Reconoce la relación existente entre dos variables.

- ⦿ Establece y usa las reglas de proporcionalidad directa e inversa en situaciones reales.
- ⦿ Propone modelos de solución de problemas que combinen relaciones directas e inversas.
- ⦿ Resuelve problemas que se modelan mediante el uso de relaciones de proporcionalidad entre variables.

1.2.3 Reconociendo Mis Saberes Previos

Los siguientes son los saberes previos que se necesitan conocer, los debes recordar e interiorizar:

1.2.3.1 Proporcionalidad

La proporcionalidad es la relación que existe entre 2 variables, es decir, cómo aumenta o disminuye una variable A respecto a otra variable B. La proporcionalidad establece la relación de cambio de una variable respecto de otra.

Para explicar el concepto de proporcionalidad vamos a contextualizar con una situación exploratoria, vamos a asumir que una empresa, cualquiera, con determinada cantidad de operarios, con determinada cantidad de materia prima y en determinado intervalo de tiempo, produce un número determinado de unidades de un producto; Las variables de la situación exploratoria son, el número de operarios, la cantidad de materia prima, el intervalo de tiempo y las unidades producidas; Podemos relacionar todas las variables entre sí e identificar cuál es la tendencia de las variables relacionadas, por ejemplo, mientras más operarios tenga la empresa, estará en capacidad de producir más unidades del producto, en este caso, las variables son directamente proporcionales y si relacionamos el número de operarios con el intervalo de tiempo, podemos concluir, que mientras más operarios tenga la empresa, menor será el intervalo de tiempo de producción, por lo tanto, estas variables relacionadas son inversamente proporcionales,

y de esta manera podemos relacionar todas las variables y determinar su tendencia.

1.2.3.2 Razón

Una razón es la relación entre 2 cantidades, estas cantidades las llamamos antecedente y consecuente, por ejemplo, tomemos las cantidades a y b, su razón es $\frac{a}{b}$, donde la cantidad a puede ser cualquier variable, por ejemplo, distancia recorrida y la cantidad b puede ser la variable tiempo empleado, entonces la razón de esas cantidades sería:

$$\text{Razón} = \frac{\text{Distancia}}{\text{Tiempo}}$$

Las razones son la base de los números racionales, podemos relacionar un número racional como una razón, a dichas razones las nombramos comúnmente como fracciones, donde al antecedente se le llama numerador y al consecuente se le llama denominador y representan una parte de un todo, podemos sumar, restar, multiplicar o dividir razones y sus aplicaciones cada vez son más numerosas.

Las razones son el artilugio matemático más utilizado por el hombre, para la solución de problemas reales, es una competencia transversal a muchas áreas del conocimiento, y el propósito de este libro, es que conozcas e interiorices el cómo el hombre ha utilizado las razones en la solución de problemas reales.

Si vamos a explicar por importancia, debes tener presente que las operaciones con números racionales suma, resta, multiplicación, división, potenciación y radicación son los más utilizados en la solución de situaciones problema reales y me tomaría todo un libro explicarlo, a lo que nos convoca este libro son las razones y lo importante, en este caso, es que tenga claro que un número racional también es una razón.

Ahora sí, después de aclarar que no vamos a estudiar los números racionales, nos centraremos en las aplicaciones de las razones y encontrará varias escenas de razones para que interactúe con ellas e interiorice el concepto de razón y analice cómo cambian las variables cuando modifico los datos:

En la primera escena puede interactuar con ella, escriba el valor de cada variable y haga clic en hallar razón. Este interactivo le calcula directamente la razón de las cantidades relacionadas, para generar otra situación simplemente haga clic en otro cálculo.



Puede hacer clic con el botón superior derecho, para ver el interactivo en otra ventana.

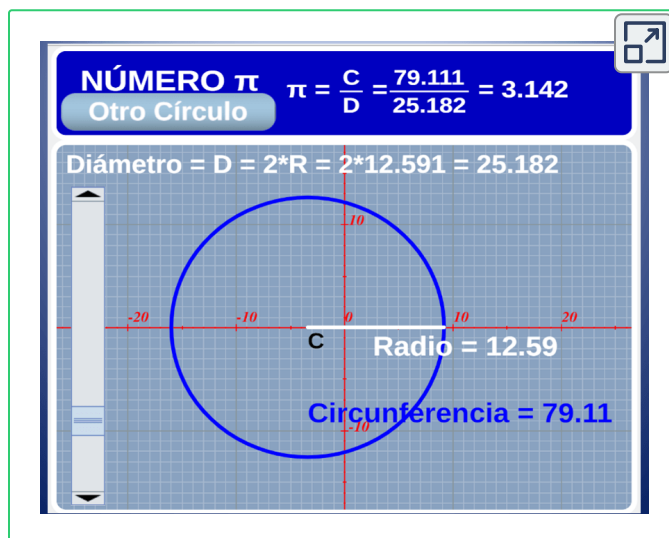
Una vez interiorizado el concepto de razón como tal, vamos a identificar dónde? y cómo? utilizamos las razones, tenga presente que trabajar por competencias implica una responsabilidad personal, cada lector tiene un ritmo de aprendizaje diferente, se espera que los interactivos le permitan interiorizar el concepto y construir sus competencias y el tiempo de interacción con ellos dependerá de cada lector.

A continuación, encontrará algunas escenas relacionadas con las aplicaciones de las razones en situaciones reales para que interactúes con ellas, en la primera escena trabajaremos el número pi (π), este número surge de la relación de la circunferencia de un círculo respecto a su diámetro, es decir, la razón de la circunferencia respecto al diámetro, este número me establece como cambia la circunferencia de un círculo respecto al cambio del diámetro, como se muestra a continuación:

$$\pi = \frac{\text{Circunferencia}}{\text{Diámetro}} = 3.14159\dots$$

Esta razón le permite calcular circunferencias y áreas de círculos.

Para interactuar con la escena, simplemente haga clic en Generar Círculo, y le mostrará el valor de la circunferencia y del diámetro y su relación llamada pi, después, puede generar otra situación haciendo clic en Otro Círculo. El objetivo es que interiorice el número π como una razón entre la circunferencia y el diámetro de un círculo:

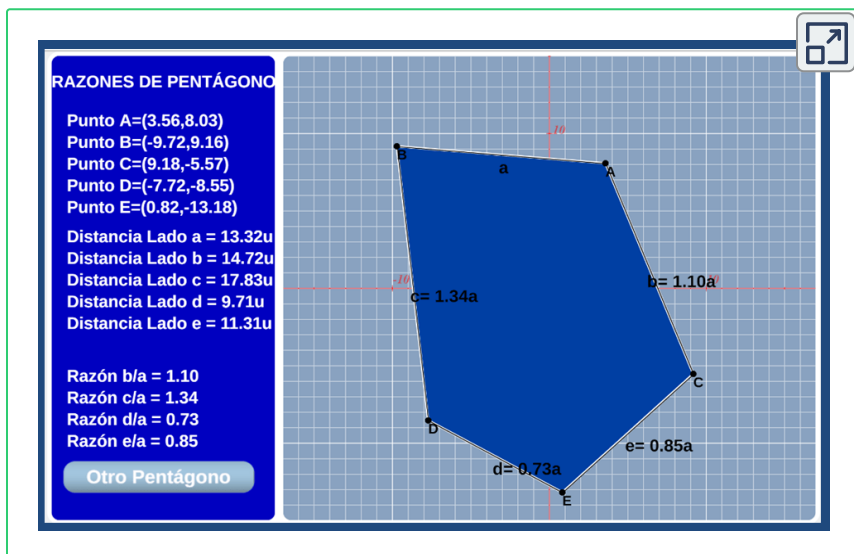


Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

En la siguiente escena trabajaremos el concepto de razón a través de los lados de figuras geométricas, puede ser cualquier polígono, en este caso utilizaremos pentágonos, para interactuar, con ella y con todas las escenas interactivas que aquí se presenten, debe hacer clic en los botones.

Para comenzar, haga clic en el botón Generar Pentágono y le mostrará, en el plano, un pentágono aleatorio, y en la ventana de la izquierda, las coordenadas de los vértices del pentágono y las dimensiones de sus lados, luego, haga clic en Hallar Razones y le mostrará las razones de los lados del pentágono respecto del lado a y puedes generar otros pentágonos, aleatoriamente, al hacer clic en el botón Otro Pentágono, al hacer clic en el botón superior derecho le accede a la escena en otra ventana con las dimensiones reales, el objetivo es que interiorice las razones entre los lados de los polígonos.

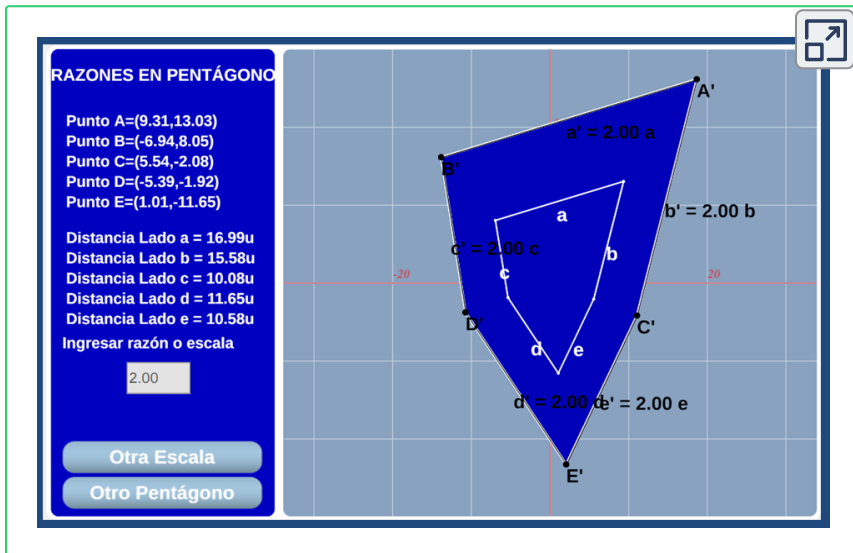
Estas razones son muy útiles porque le permiten establecer cuántas veces están los lados de un polígono respecto a un lado determinado.



Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

La siguiente escena, es otra aplicación de las razones y se llama comúnmente escala, podemos interpretar una escala como la razón de las dimensiones de los lados de polígonos semejantes y es llamado factor de escala o simplemente escala, si la razón obtenida nos da como resultado un número entre 0 y 1 obtendríamos un polígono más pequeño, dependiendo de la escala, y si la razón obtenida nos da como resultado mayor que 1, obtendríamos un polígono más grande, dependiendo de la escala.

Para comenzar haga clic en Generar Pentágono y le mostrará las coordenadas de los vértices del pentágono y en el plano un pentágono aleatorio, luego, haga clic en Hallar Distancias y le mostrará las dimensiones de los lados del pentágono, luego, debe ingresar el valor de la escala en el teclado numérico de la ventana emergente, una vez ingresada la escala, haga clic en Generar Pentágono y le mostrará en el plano otro pentágono a escala, después, puedes cambiar de escala haciendo clic en Otra Escala o cambiar de pentágono haciendo clic en Otro Pentágono, el objetivo es que interiorice el concepto de escala como una razón:

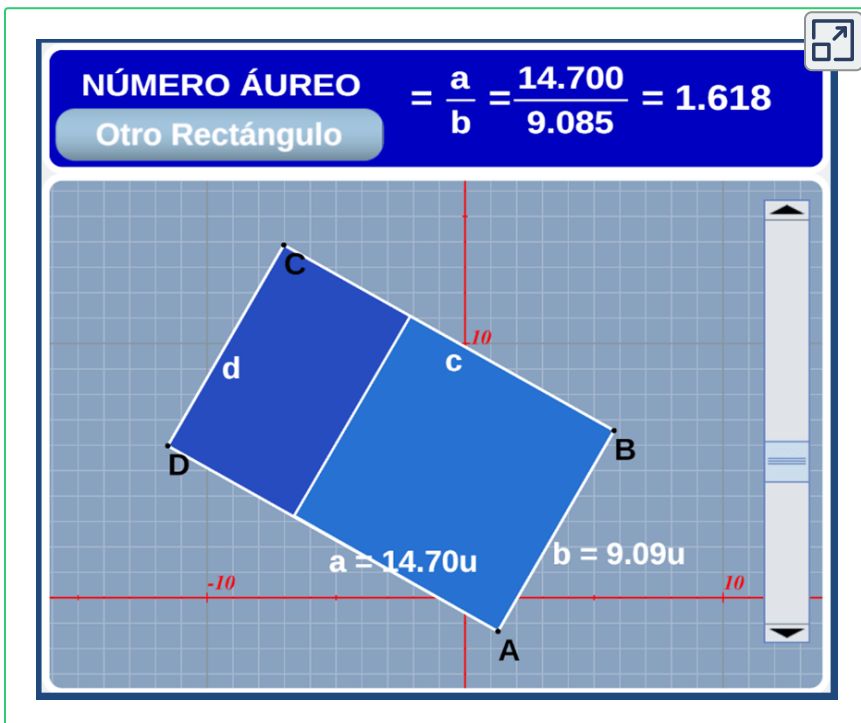


Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

En las antiguas construcciones, como por ejemplo el Partenón, entre muchas otras, se evidencia cierta tendencia en sus construcciones y son sus rectángulos, tienen todos una misma razón en sus lados y son proporcionales entre si y su razón es constante y esta constante es llamado Número Áureo y esta sección es llamada sección áurea o rectángulo áureo.

Con la siguiente escena, conocerá la Razón Áurea, yo la llamo la razón dorada y es igual a 1.618, y es simplemente la razón entre los lados de un rectángulo.

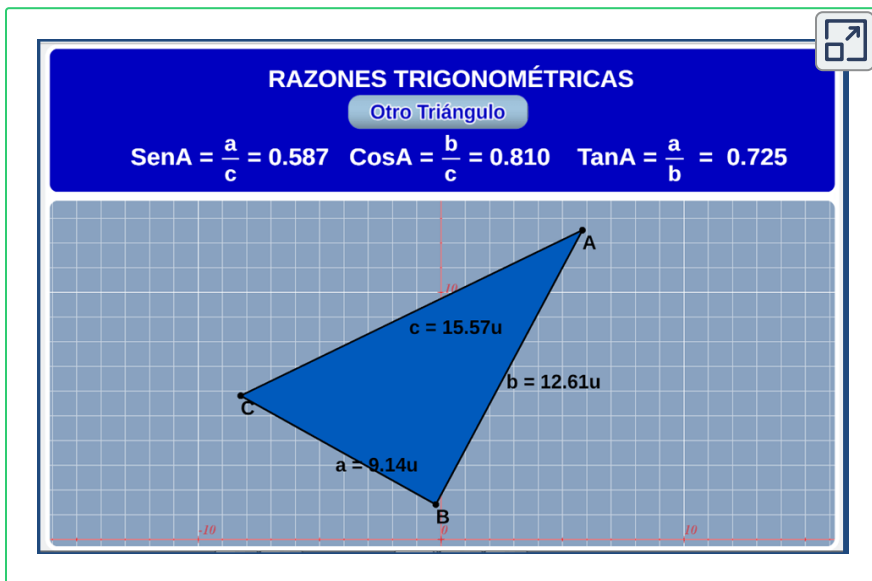
Para comenzar haga clic en Generar Rectángulo y le mostrará la razón de los lados y en el plano un rectángulo áureo aleatorio, luego puede generar otro rectángulo haciendo clic en Otro Rectángulo:



Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

La siguiente escena, estudia los conceptos fundamentales de la Trigonometría y son propiamente dichas las razones entre los lados de un triángulo rectángulo llamadas, valga la redundancia, Razones Trigonómicas, en esta situación debemos escoger un ángulo, por eso en esta situación se escogió el ángulo A del triángulo.

Para comenzar haga clic en Generar Triángulo, y le mostrará las razones seno, coseno y tangente del ángulo A y en el plano el triángulo rectángulo aleatorio con sus dimensiones, después puede generar otro triángulo haciendo clic en Otro Triángulo, el objetivo es que interiorice las razones trigonométricas:



Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

La siguiente escena estudia la probabilidad de ocurrencia de un evento aleatorio.

La probabilidad de un suceso está determinada por una razón, donde el antecedente es el número de casos posibles y el consecuente es el número de casos totales, es decir, número de veces que se espera ocurra el evento respecto al número de veces posibles, para contextualizar vamos a asumir una situación exploratoria, sean a, b, c y d números enteros. En una caja oscura hay a bolas de color rojo, b bolas blancas, c bolas azules y d bolas amarillas, la razón de cada color de bola es el número de bolas de cada color respecto al número de bolas totales. La siguiente escena te determina la probabilidad al sacar cualquiera de las bolas.

Para interactuar simplemente haga clic en Hallar Probabilidad, y le mostrará las probabilidades de sacar cualquier bola, después, puedes generar otra situación haciendo clic en Otro Ejercicio. El objetivo es que interiorice la probabilidad como una razón:

PROBABILIDAD DE UN EVENTO

En una caja hay 3 bolas rojas, 8 bolas azules, 2 bolas amarillas, 7 bolas blancas y 5 bolas negras. ¿Cuál es la probabilidad de sacar una bola de cualquier color?

Otro Ejercicio



Probabilidad Rojas = $\frac{\text{Bolas Rojas}}{\text{Total}} = \frac{3.000}{25.000} = 0.120$

Probabilidad Azules = $\frac{\text{Bolas Azules}}{\text{Total}} = \frac{8.000}{25.000} = 0.320$

Probabilidad Amarillas = $\frac{\text{Bolas Amarillas}}{\text{Total}} = \frac{2.000}{25.000} = 0.080$

Probabilidad Blancas = $\frac{\text{Bolas Blancas}}{\text{Total}} = \frac{7.000}{25.000} = 0.280$

Probabilidad Negras = $\frac{\text{Bolas Negras}}{\text{Total}} = \frac{5.000}{25.000} = 0.200$

Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

La siguiente escena de razones son los porcentajes, los porcentajes se obtienen multiplicando una razón por 100. Para contextualizar el concepto de porcentaje tomemos la situación anterior y determinemos los porcentajes de cada color de las bolas en la caja, sus porcentajes se determinan multiplicando la misma razón por 100, es decir, el número de bolas de cada color respecto al número de bolas totales multiplicado por 100.

Para interactuar simplemente haga clic en Hallar Porcentaje, y le mostrará los porcentajes de cada color de bola, después, puede generar otra situación haciendo clic en Otro Ejercicio.

El objetivo es que interiorice los porcentajes como una razón multiplicada por 100.



PORCENTAJES

En una caja hay 6 bolas rojas, 10 bolas azules, 1 bolas amarillas, 1 bolas blancas y 3 bolas negras. ¿Cuál es el porcentaje de cada color de bola?

Otro Ejercicio

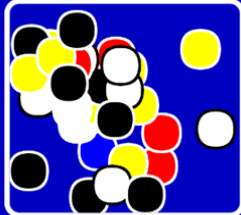
Porcentaje Rojas = $\frac{\text{Bolas Rojas}}{\text{Total}} * 100 = \frac{6.0}{21.0} * 100 = 28.6\%$

Porcentaje Azules = $\frac{\text{Bolas Azules}}{\text{Total}} * 100 = \frac{10.0}{21.0} * 100 = 47.6\%$

Porcentaje Amarillas = $\frac{\text{Bolas Amarillas}}{\text{Total}} * 100 = \frac{1.0}{21.0} * 100 = 4.8\%$

Porcentaje Blancas = $\frac{\text{Bolas Blancas}}{\text{Total}} * 100 = \frac{1.0}{21.0} * 100 = 4.8\%$

Porcentaje Negras = $\frac{\text{Bolas Negras}}{\text{Total}} * 100 = \frac{3.0}{21.0} * 100 = 14.3\%$

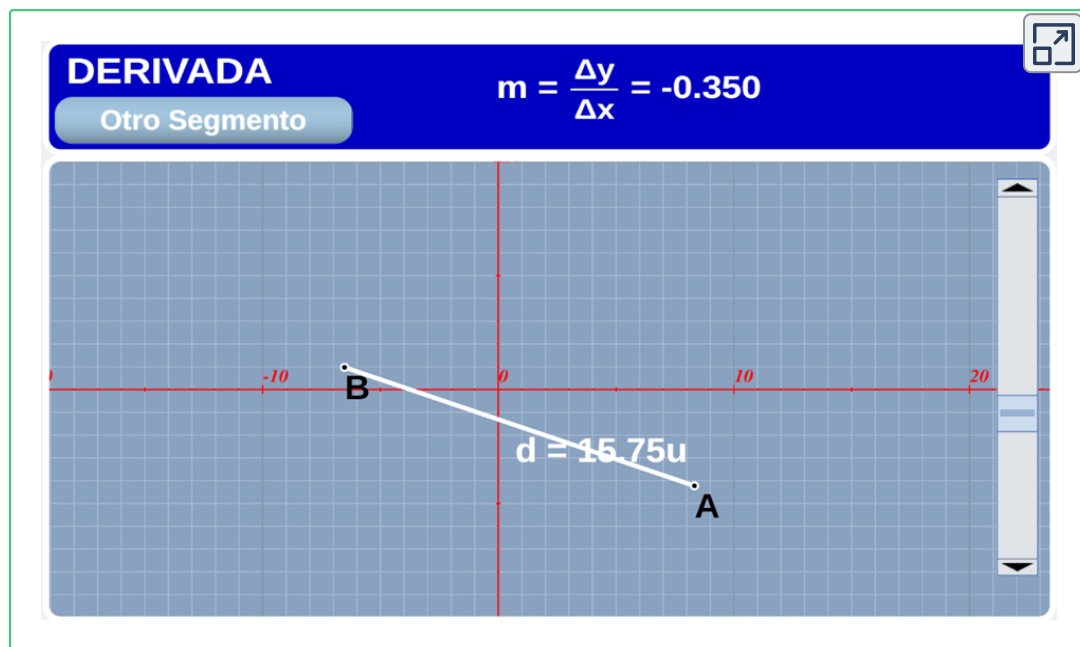


Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

La siguiente, y última escena de razones, estudia los fundamentos del cálculo diferencial y son las razones de cambio o comúnmente llamadas derivadas; la derivada es la razón de cambio de una variable respecto a otra y geoméricamente corresponde a la pendiente de la recta tangente de una función.

Para interactuar con ella, haga clic en Graficar Segmento, y le mostrará en el plano un segmento aleatorio con sus puntos y en la ventana superior le muestra la pendiente del segmento, después, puede generar otra situación haciendo clic en Otro Segmento.

El objetivo es que interiorice las derivadas como una razón de cambio.



Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con el siguiente concepto.

1.2.3.3 Proporción

Como se mencionó anteriormente, las proporciones están presentes en nuestro entorno y las utilizamos constantemente en situaciones donde se involucren razones, por eso es tan importante, antes de estudiar las proporciones, entienda la importancia de las razones y que conozca donde puedes utilizarlas; Una vez interiorizado el concepto de razón es simple hablar de proporciones, pues simplemente, son igualdades de razones.

Una proporción es una igualdad de razones homogéneas, es decir, ambas razones deben relacionar las mismas variables con las mismas unidades, si tuviéramos la razón $\frac{a}{b}$ y la razón $\frac{c}{d}$ la proporción que formarían sería:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

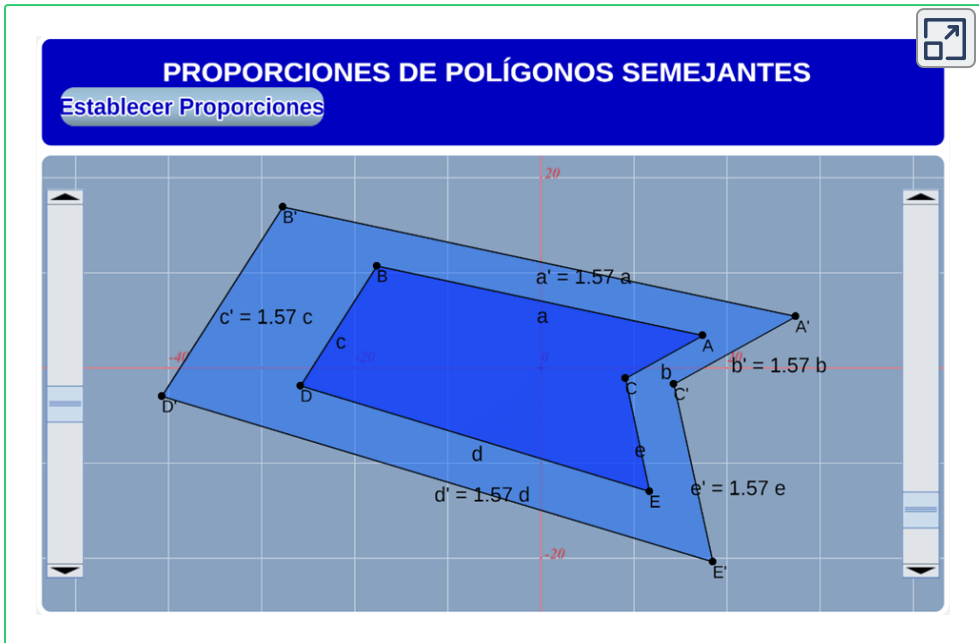
Los términos a y d son llamados extremos de la proporción y los términos b y c son llamados medios de la proporción. En toda proporción se cumple que el producto de extremos es igual producto de medios, es decir:

$$a * d = b * c$$

A continuación, encontrará varias escenas interactivas de proporciones, la primera escena son las proporciones que se generan entre los lados de polígonos semejantes, para contextualizar utilizaremos un pentágono, puede ser cualquier polígono.

Para comenzar haga clic en Generar Pentágonos y le mostrará en el plano 2 pentágonos semejantes, o, como se dice comúnmente, a escala, luego haga clic en Establecer Proporciones y le mostrará las proporciones entre los lados de los pentágonos, después, generar otro pentágono haciendo clic en Otro Pentágono.

El objetivo es que interiorice el concepto de proporción como una igualdad de razones e identifique las proporciones presentes en polígonos semejantes:

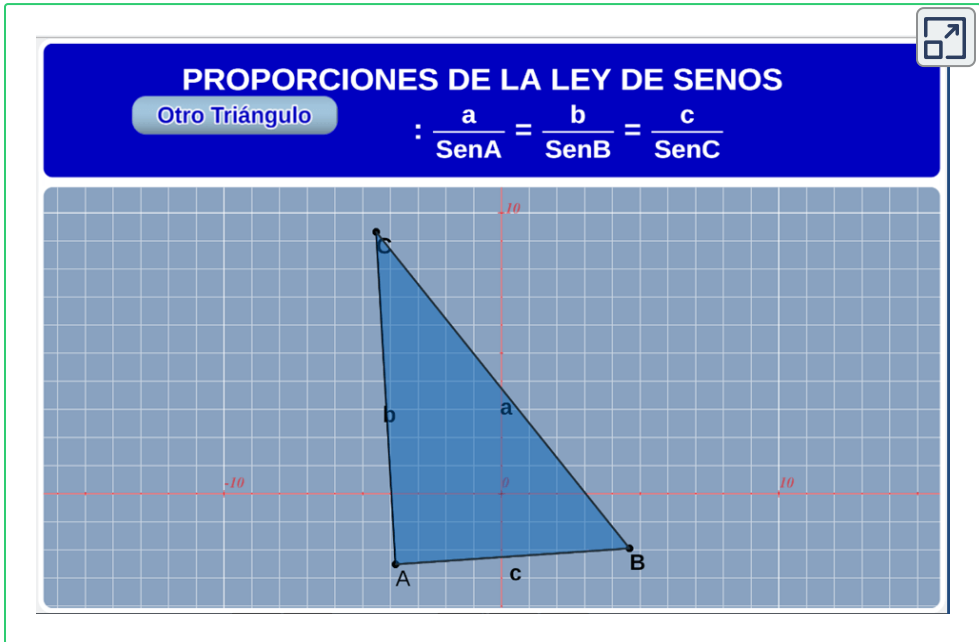


Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

En la siguiente escena encontrará otra aplicación de las proporciones, las proporciones en la Ley de Senos, que le permite solucionar triángulos No Rectángulos.

Para comenzar haga clic en Generar Triángulo y le mostrará las proporciones utilizadas en la ley de senos y en el plano un triángulo con sus respectivos lados y dimensiones para que puedas comparar y sacar conclusiones, después, puede generar otro triángulo haciendo clic en Otro Triángulo.

El objetivo es que interiorice las proporciones utilizadas en la Ley de Senos.

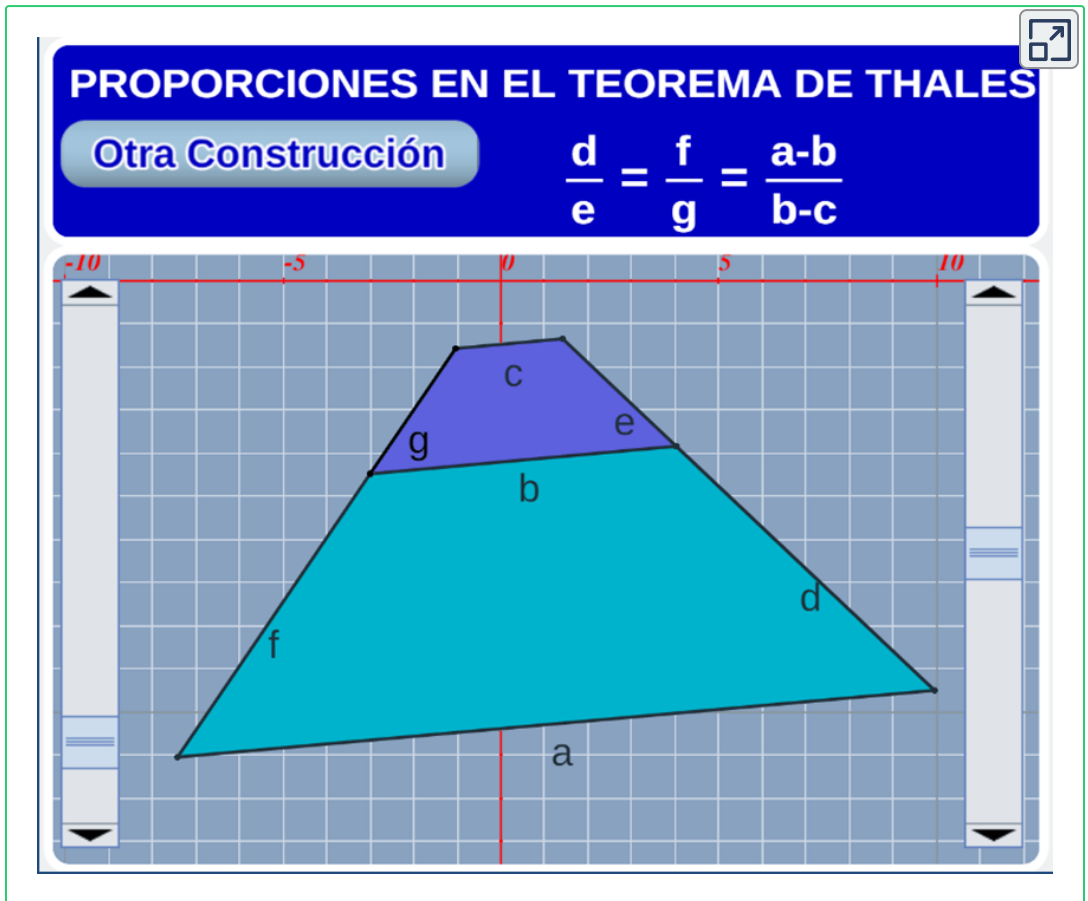


Una vez que haya interiorizado la escena puede continuar con la siguiente.

A continuación, encontrará otra escena de aplicación de las proporciones, las proporciones en el Teorema de Thales, el cual me relaciona los segmentos transversales a segmentos paralelos, el objetivo es que interiorices las proporciones utilizadas en el Teorema de Thales:

Para comenzar, haga clic en Generar Construcción y le mostrará las proporciones presentes entre segmentos transversales a segmentos paralelos y en el plano la construcción con sus respectivos lados y dimensiones, para que pueda comparar y sacar conclusiones, después, puede generar otra construcción haciendo clic en Otra Construcción.

El objetivo es que interiorice las proporciones utilizadas en el Teorema de Tales.



Identificar y utilizar las proporciones son una competencia fundamental de las matemáticas operativas y, como puede darse cuenta, la Geometría ha sido una rama donde se utilizan muchos las proporciones, ahora, analizaremos las proporciones en situaciones reales con variables físicas reales, las proporciones que me permitirán contextualizar y generalizar situaciones de la vida real.

1.2.3.4 Proporcionalidad Directa

La proporcionalidad directa, se presenta cuando al aumentar una de las variables de una razón la otra variable también aumenta, o viceversa, es decir, si una de las variables disminuye, la otra variable también disminuye.

1.2.3.5 Proporcionalidad Inversa

La proporcionalidad inversa, se presenta cuando al aumentar una de las variables de la razón la otra disminuye, o viceversa, es decir, si una de las variables disminuye, la otra variable aumenta.

A continuación, encontrará una escena interactiva de proporcionalidad directa e inversa entre variables, el objetivo es que interactúe e interiorice los conceptos de proporcionalidad directa y proporcionalidad inversa.

Para comenzar, analice la situación y haga clic sostenido sobre una de las expresiones de arriba y desplácelas hacia abajo donde considere que corresponden, una vez que haya desplazado las expresiones, haga clic en verificar. Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales, le recomiendo que lo realice de esa manera.

Analiza la siguiente situación: Una empresa con 120 operarios confeccionan un lote de 2500 unidades de un producto en 5 días trabajando 8 horas diarias. Clasifica las siguientes variables en Directas a Operarios o Inversas a Operarios según sea su relación respecto a la variable Indicada

Meses	Días	Horas	Unidades
Líneas Automatizadas	Lotes	Turnos de Trabajo	Plantas de Producción
Directas a Operarios		Inversas a Operarios	

< /3 >

A continuación, encontrará otra escena interactiva de proporcionalidad directa e inversa entre variables, el objetivo es que interactúe e interiorice los conceptos de proporcionalidad directa y proporcionalidad inversa. Para comenzar, analice la situación y haga clic sobre el botón verdadero, si considera que la expresión es verdadera, sino, haga clic en el botón falso, luego, para avanzar para el siguiente ejercicio, haga clic en el botón inferior derecho:

En una empresa 20 operarios confeccionan 3500 unidades de un producto semanalmente. El número de operarios es directamente proporcional al número de unidades

Verdadero Falso

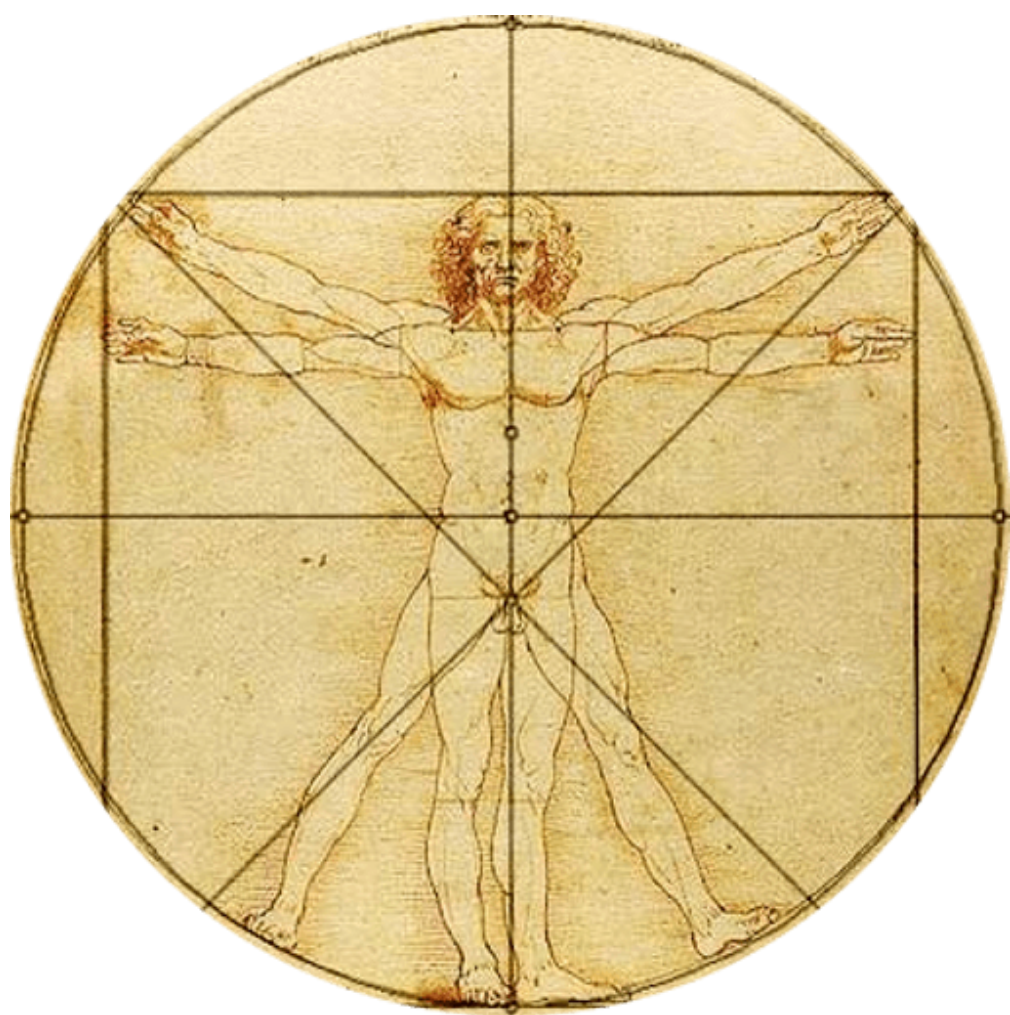
>

A continuación, encontrará una escena interactiva correspondiente a las competencias tratadas en el libro y a los saberes previos necesarios para desarrollar esta competencia, para interactuar en ella, haga clic sostenido sobre cualquier punto de color de la columna de la izquierda y trace una línea con la expresión de la columna de la derecha que considere corresponde.

Recuerde que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales, le recomendamos que éste lo realice así:

The image shows an interactive activity with a blue background and a white title: "Conecta la columna izquierda con las expresiones correctas de la columna derecha". In the top right corner, there is a small icon of a square with an arrow pointing outwards. The activity is divided into two columns of light blue boxes. The left column contains five boxes with text and a small colored dot on the right side. The right column contains eight boxes with text and a small square icon on the left side. At the bottom right corner, there is a "1/1" indicator.

Columna Izquierda	Columna Derecha
Igualdad de razones	Proporcionalidad directa
Si una variable aumenta la otra también	Competencia del libro
Relación entre 2 cantidades	Proporcionalidad compuesta
Una variable aumenta y la otra disminuye	Proporcionalidad inversa
Establece y usa las reglas de proporcionalidad directa e inversa	Proporción
	Regla de tres
	Razón
	Simplificación
	Ecuaciones





Conociendo La Regla De Tres

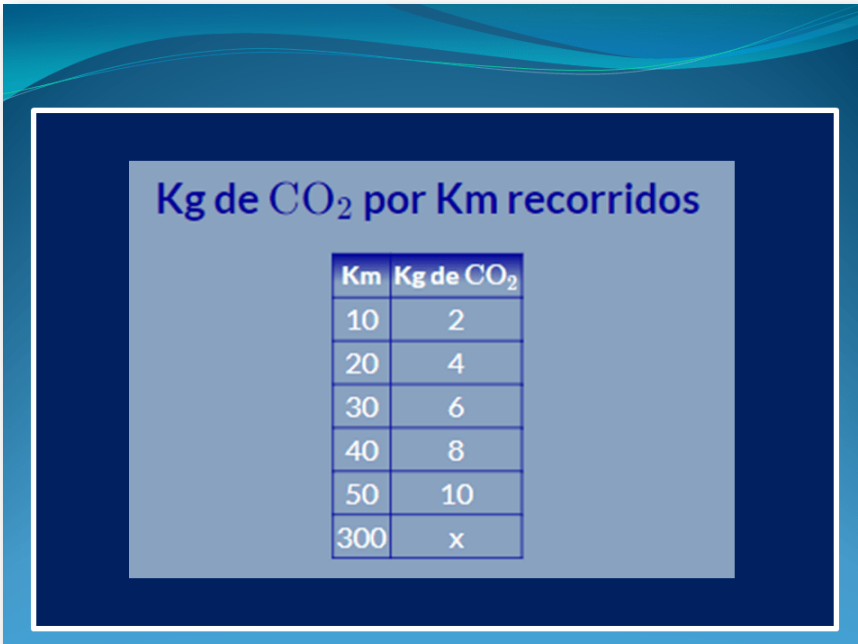
2.1 Proporcionalidad Simple Directa

La relación simple directa, se presenta cuando se relacionan 2 variables directamente proporcionales.

Para el estudio de esta regla de proporcionalidad se ha creado una actividad exploratoria, la cual busca que interprete e interiorice la regla de proporcionalidad simple directa.

2.1.1 Actividad Exploratoria:

La siguiente tabla, muestra los kilogramos de Dióxido de Carbono producidos por un automóvil convencional, por kilómetros recorridos por el automóvil. Analice la situación y responda en el cuaderno las preguntas desencadenantes.



Kg de CO₂ por Km recorridos

Km	Kg de CO ₂
10	2
20	4
30	6
40	8
50	10
300	x

2.1.2 Preguntas Desencadenantes:

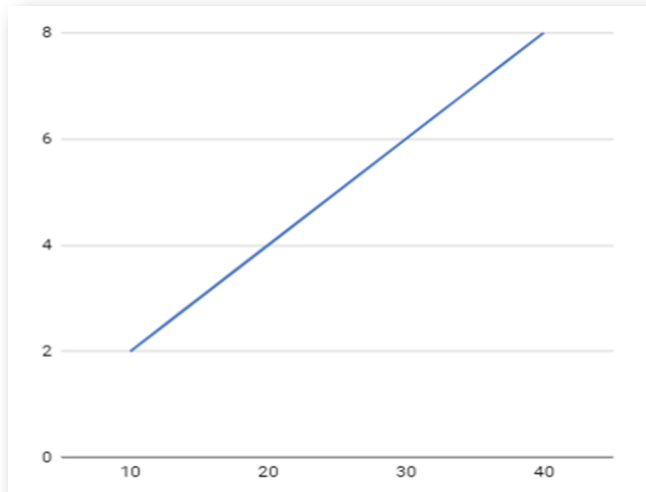
A continuación, encontrará una serie de preguntas, se espera que las analice y las responda en su cuaderno, antes de la explicación:

Preguntas Desencadenantes

¿Cómo varían los kilogramos de CO_2 cuando aumentan los kilómetros recorridos por el automóvil?
¿Qué es una variable?
¿Cuáles son las variables de la actividad exploratoria?
¿Qué es una razón?
¿Cuál es la razón de la actividad exploratoria?
¿Qué es proporcionalidad de variables?
¿Cómo es la proporcionalidad entre las variables de la actividad exploratoria?
¿Qué es una proporción?
¿Cuál es el modelo matemático que me determina el valor de la cantidad de kilogramos de Dióxido de Carbono para una cantidad determinada de kilómetros?
¿Qué representa x ?

Una variable, es una cantidad física que puede tomar diferentes valores, en la actividad exploratoria, las variables son los kilómetros recorridos por el automóvil y los kilogramos de Dióxido de Carbono producidos por el mismo y se puede establecer una relación entre ellas, llamada razón.

después de analizar la tabla, podemos concluir que mientras más kilómetros recorra el automóvil, mayor será la cantidad de kilogramos de Dióxido de Carbono que producirá, por lo tanto, estas variables son directamente proporcionales y su gráfica es una recta creciente, como se muestra en la siguiente gráfica:



La razón de las variables de la actividad exploratoria, es la relación de la cantidad de kilogramos de Dióxido de Carbono, respecto a los kilómetros recorridos por el automóvil, es decir:

$$\text{Razón} = \frac{\text{Kg de CO}_2}{\text{Km}}$$

2.1.3 Actividad de Aplicación

Analícemos la siguiente situación:

Un camión, produce 2 kilogramos de Dióxido de Carbono cada 5 kilómetros de recorrido. ¿Cuál es la cantidad de Dióxido de Carbono producido al recorrer 300 kilómetros?

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte, entonces, en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x represente el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de siguiente manera:

Primer Paso:

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para los kilómetros recorridos por el camión y otra columna para los kilogramos de Dióxido de Carbono, de manera tal que, la primera columna sea la de la variable desconocida, como se muestra en la siguiente tabla:

Kilogramos	Kilómetros
2	5
x	300

Segundo Paso:

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable conocida, en esta situación, con base en la tabla de frecuencias, obtendríamos la siguiente proporción:

$$\frac{2}{x} = \frac{5}{300}$$

Tercer Paso:

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x, siempre de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, siempre multiplique los extremos de la proporción y divida por el término restante, en este caso:

$$x = \frac{2*300}{5} = 120$$

120 corresponde a la cantidad de kilogramos de Dióxido de Carbono producidos por el camión, durante los 300 kilómetros recorridos.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video, para ello, se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas:



A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad simple directa, para que interactúe en ella e interiorice sus competencias, esta escena le calcula directamente el valor de la razón, para interactuar en ella, escriba la tabla de valores en las celdas correspondientes y una vez asignados los valores, haga clic en Hallar x, después, puede generar otro cálculo y cambiar los valores haciendo clic en Otro Cálculo.

El objetivo es que interiorice la proporcionalidad simple directa.

**PROPORCIONALIDAD DIRECTA
ENTRE DOS VARIABLES**

Variable 1	Variable 2
10.00	2.00
20.00	4.00
30.00	6.00
40.00	8.00

$X = \frac{a \cdot c}{b}$

Explicación **Hallar x** **Gráfica**

A continuación, encontrarás otra escena correspondiente a la proporcionalidad simple directa.

Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables, haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Ejercicio.



PROPORCIONALIDAD SIMPLE DIRECTA

Un camión produce kilogramos de Dióxido de Carbono cada kilómetros de recorrido. ¿Cuál es la cantidad de Dióxido de Carbono producido al recorrer kilómetros?

tenga presente que los tiempos de interacción en las escenas depende de cada lector y de su ritmo de aprendizaje, una vez que haya interiorizado la regla de tres simple directa, puede continuar con la siguiente correspondiente a la regla de proporcionalidad simple inversa.

2.2 Proporcionalidad Simple Inversa

La relación simple inversa, se presenta cuando se relacionan 2 variables inversamente proporcionales.

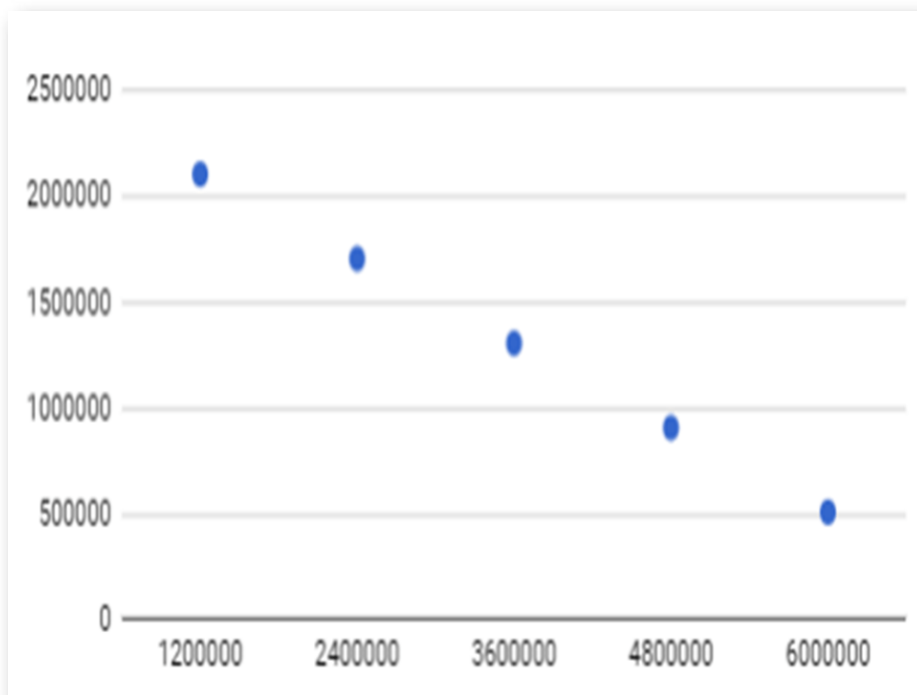
Para el estudio de esta regla de proporcionalidad, se ha creado una actividad exploratoria, la cual busca que interpretes e interiorices la regla de proporcionalidad simple inversa.

2.2.1 Actividad Exploratoria:

La siguiente tabla, muestra el comportamiento que se presenta entre el número de árboles plantados en Medellín, respecto al número de personas que no tendrían un aire limpio para respirar:

Nº de Árboles Plantados	Nº de Personas que no Respiran Aire Limpio
1'200.000	2'108.452
2'400.000	1'708.452
3'600.000	1'308.542
4'800.000	908.452
x	250.845

después de analizar la tabla, podemos concluir que, mientras más árboles hayan plantados en Medellín, menor será la cantidad de personas que no respiran un aire limpio, es decir, estas variables son inversamente proporcionales y su gráfica es una recta decreciente, como se muestra en la siguiente gráfica:



Mientras mayor sea el número de árboles plantados en Medellín, menor será el número de personas que no respiran un aire limpio.

La razón de las variables de la actividad exploratoria es la relación de la cantidad de personas que no respiran un aire limpio, respecto a la cantidad de árboles plantados en Medellín, es decir:

$$\text{Razón} = \frac{\text{Número de personas}}{\text{Número de árboles}}$$

2.2.2 Actividad de Aplicación

Analicemos la siguiente situación:

Para el año 2020, habían sembrados en Medellín 481.154 árboles, para una población de 2'508.452 habitantes. Se necesitan 3 árboles por cada habitante para respirar un aire limpio, por lo tanto, se necesitan 7'525.356 árboles, esto quiere decir que, sólo habría aire libre de contaminación para 160.386 habitantes y el resto de habitantes, que en este caso serían 2'348.066, no tendrían un aire limpio para respirar.

¿Cuál es el número de árboles plantados que se necesitan para que mínimo el 90% de todos los habitantes de Medellín, según los datos obtenidos en el año 2020, puedan respirar un aire limpio?.

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte en encontrar una proporción que me relacione las razones, para ello, establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables y se procede de siguiente manera:

Primer Paso:

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso es una columna para el número de personas que no respiran aire limpio y otra columna para la cantidad de árboles plantados, de manera tal que, la primera columna sea siempre la de la variable desconocida, así:

N°Árboles	N°Habitantes
1200000	2108452
x	250845

Segundo Paso:

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable conocida, pero en este caso, se invierten el orden de los datos de la columna, en esta situación, con base en la tabla de frecuencias, obtendríamos la siguiente proporción:

$$\frac{1200000}{x} = \frac{250845}{2108452}$$

Tercer Paso:

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x , siempre de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, siempre multiplique los extremos de la proporción y divida por el término restante, en este caso:

$$x = \frac{1200000 * 2108452}{250845} = 10086477$$

10'086.477 corresponde a la cantidad de árboles que se deben plantar para que el 90% de los medellinences respiren un aire limpio.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video y para ello, se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas.



A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad simple inversa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y luego haga clic en Hallar x, después puedes generar otro cálculo haciendo clic en Otro Cálculo. El objetivo es que interiorice la regla de tres simple inversa:

PROPORCIONALIDAD INVERSA ENTRE DOS VARIABLES

Variable 1	Variable 2	$X = \frac{a \cdot b}{c}$	12.00	21.00
			24.00	17.00
X			36.00	13.00
			48.00	9.00

Explicación

Hallar x

Gráfica

A continuación encontrará otra escena de la regla de tres simple inversa, para comenzar debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Ejercicio:

A screenshot of a software interface for a math problem. The background is dark blue. At the top left is a circular button with a white right-pointing arrow. At the top right is a small square icon with a right-pointing arrow. The text is white and reads: "PROPORCIONALIDAD SIMPLE INVERSA" followed by a word problem with three blank input fields. The problem asks for the number of trees to be planted to reduce the number of people breathing clean air.

PROPORCIONALIDAD SIMPLE INVERSA

Con árboles plantados en Medellín hay todavía habitantes que no respiran aire limpio. ¿Cuál es la cantidad de árboles que se deben plantar para que sólo habitantes no respiren aire limpio?

Una vez que haya interiorizado la regla de tres simple inversa puede continuar con la siguiente, correspondiente a la regla de proporcionalidad compuesta directa directa.

2.3 Proporcionalidad Compuesta Directa Directa

La relación compuesta directa, se presenta cuando se relacionan 2 variables directamente proporcionales a la variable incógnita.

2.3.1 Actividad de Aplicación:

Analícemos la siguiente situación:

En una empresa metalmecánica, 10 operarios de máquina confeccionan 400 unidades de un producto en 4 días. ¿Cuál es el número de unidades producidas por 7 operarios en 6 días? Con igualdades de razones, podemos construir proporciones, el objetivo se convierte en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de operarios, otra columna para la cantidad de unidades producidas y otra columna para la cantidad de días, tenga en cuenta escribir en la primera columna la variable que deseamos calcular, en este caso, la primera columna debe ser el número de unidades así:

NºUnidades	NºOperarios	NºDías
400	10	4
x	7	6

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, en esta situación, con base en la tabla de frecuencias, obtendríamos la siguiente proporción:

$$\frac{400}{x} = \frac{10 * 4}{7 * 6}$$

Tercer Paso

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x , de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{400 * 7 * 6}{10 * 4} = 420$$

420 corresponde a la cantidad de unidades producidas por 7 operarios en 6 días.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video y para ello se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas.



A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta directa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y haga clic en Hallar x, después, puede generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Ejercicio. El objetivo es que interiorice la proporcionalidad compuesta directa.

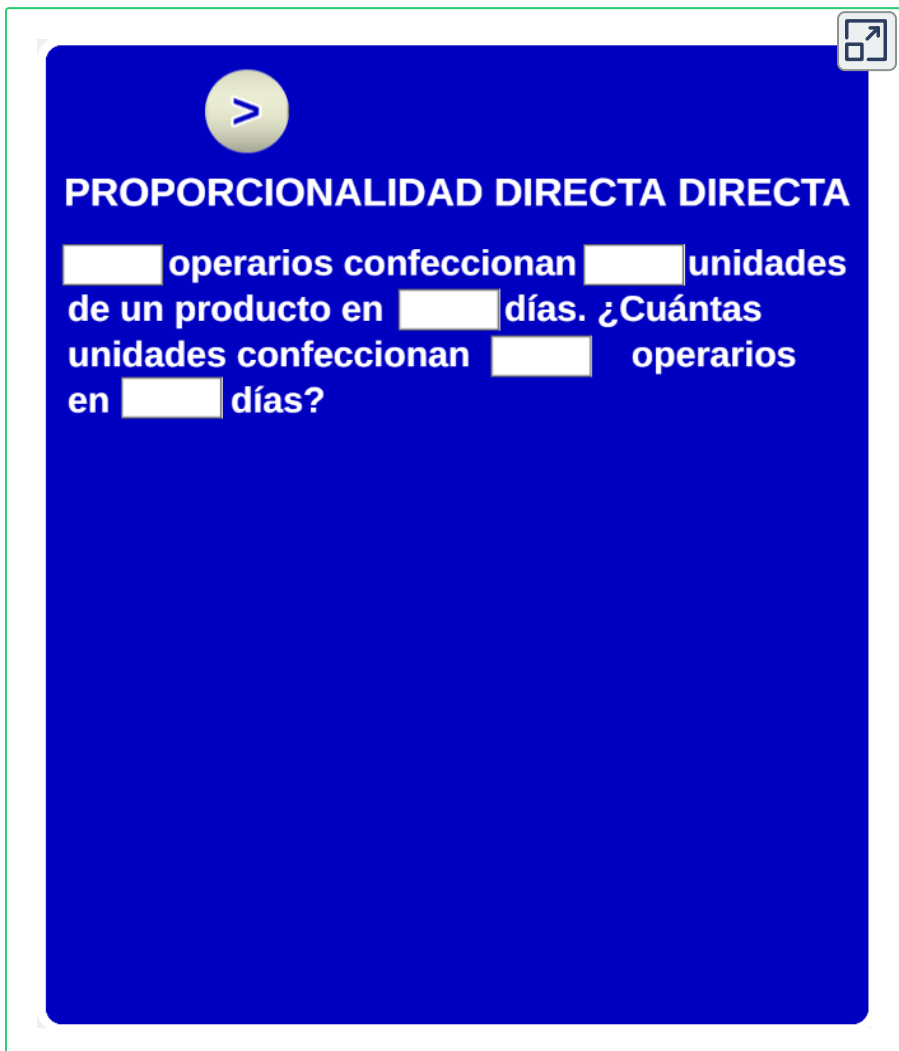
An interactive interface with a dark blue background and white text. At the top, it reads "PROPORCIONALIDAD COMPUESTA DIRECTA". Below this, there are three columns labeled "Variable 1", "Variable 2", and "Variable 3". Each column has two input fields. The first input field in the "Variable 1" column contains the letter "X". To the right of these fields is a box containing the formula $x = \frac{a*d*e}{b*c}$. At the bottom center, there is a button labeled "Hallar x". A small icon in the top right corner of the interface shows a square with an arrow pointing outwards.

Variable 1	Variable 2	Variable 3
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>
<input type="text" value="X"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>

$x = \frac{a*d*e}{b*c}$

Hallar x

A continuación, encontrará otra escena de la regla de tres compuesta directa. Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Ejercicio:



PROPORCIONALIDAD DIRECTA DIRECTA

operarios confeccionan unidades de un producto en días. ¿Cuántas unidades confeccionan operarios en días?

Continúa con la proporcionalidad compuesta inversa inversa.

2.4 Proporcionalidad Compuesta Inversa Inversa

La relación compuesta inversa, se presenta cuando se relacionan 2 variables inversamente proporcionales a la variable incógnita.

2.4.1 Actividad de Aplicación:

Analicemos la siguiente situación:

En una empresa metalmecánica, 10 operarios de máquina confeccionan un lote de producción en 7 días, trabajando en turnos de 8 horas. ¿Cuántos operarios se necesitan para confeccionar el mismo lote en 4 días, trabajando en turnos de 10 horas?.

Con igualdades de razones, podemos construir proporciones, el objetivo se convierte en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de operarios, otra columna para el número de días trabajados y otra columna para el número de horas trabajadas al día, como se muestra en la siguiente gráfica:

N°Operarios	N°Días	N°Horas
10	7	8
x	4	10

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, pero en este caso se invierten el orden de los datos de las columnas, con base en la tabla de frecuencias, se obtiene la siguiente proporción:

$$\frac{10}{x} = \frac{4 \cdot 10}{7 \cdot 8}$$

Tercer Paso

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x siempre de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, siempre multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{10 \cdot 7 \cdot 8}{4 \cdot 10} = 14$$

14 corresponde a la cantidad de operarios necesarios para realizar el mismo lote en 4 días, trabajando 10 horas diarias.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video y para ello, se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas.

A continuación del video, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta inversa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y haga clic en Hallar x , después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo. El objetivo es que interiorice la proporcionalidad compuesta inversa:



PROPORCIONALIDAD COMPUESTA INVERSA

Variable 1	Variable 2	Variable 3
X		

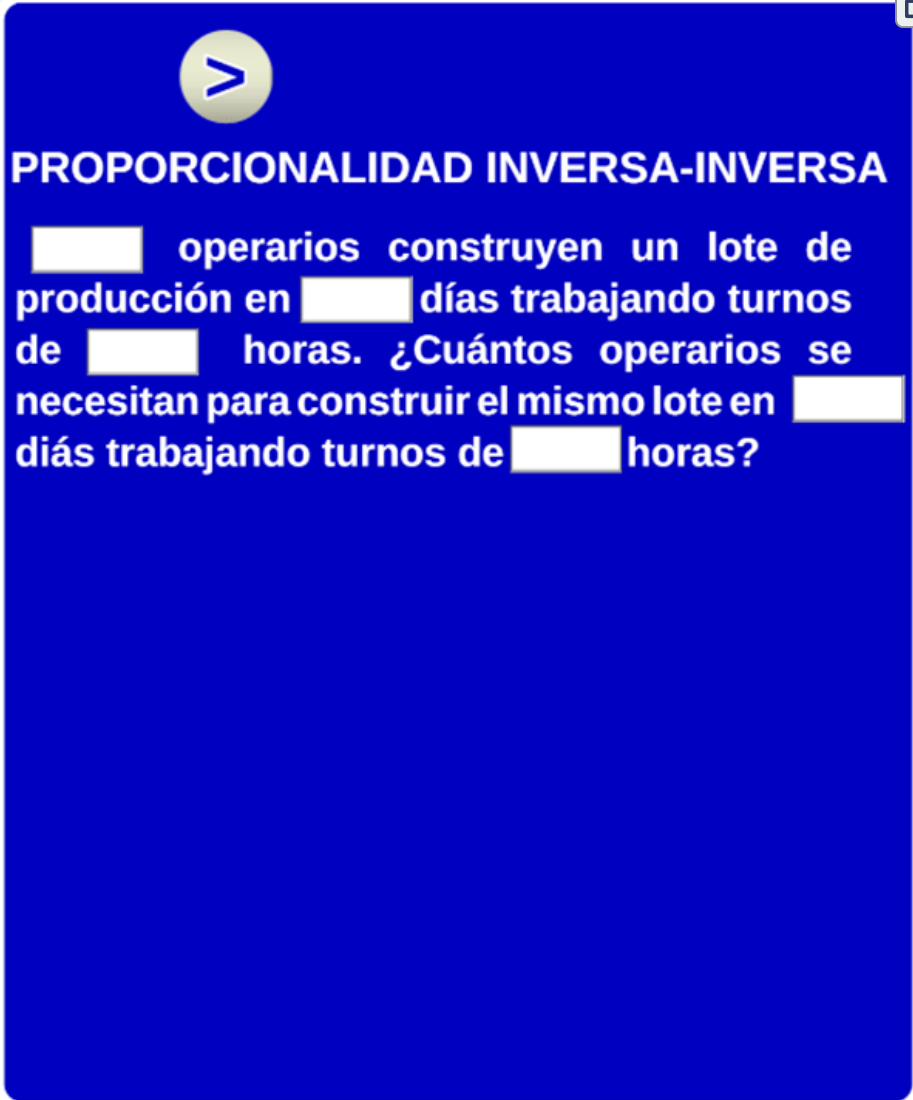
$$X = \frac{a*b*c}{d*e}$$

Explicación **Hallar x**

A blue interface for solving inverse compound proportionality. It includes a title, a table for variables, a formula box, and two buttons. A small icon in the top right corner shows a square with an arrow pointing outwards.

A continuación, encontrará otra escena de la regla de tres compuesta inversa. Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada,

luego haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:



PROPORCIONALIDAD INVERSA-INVERSA

operarios construyen un lote de producción en días trabajando turnos de horas. ¿Cuántos operarios se necesitan para construir el mismo lote en días trabajando turnos de horas?

Continúa con la proporcionalidad compuesta directa inversa.

2.5 Proporcionalidad Compuesta Directa Inversa

La relación compuesta directa inversa, se presenta cuando se relacionan una variable directamente proporcional y otra variable inversamente proporcionales, respecto a la variable incógnita.

2.5.1 Actividad de Aplicación:

Analicemos la siguiente situación:

En una empresa, 5 personas construyen 1250 unidades de un producto, en 6 horas. ¿Cuántas personas se necesitan para construir 5000 unidades, en 8 horas?.

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables para ello se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de personas, otra columna para el número de unidades y otra columna para el número de horas.

NºPersonas	NºUnidades	NºHoras
5.00	1250.00	6.00
x	5000.00	8.00

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, pero en este caso se invierte el orden de los datos de la columna de la variable inversamente proporcional, con base en la tabla de frecuencias, obtendríamos la siguiente proporción:

$$\frac{5}{x} = \frac{1250 * 8}{5000 * 6}$$

Tercer Paso

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x, siempre, de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, siempre multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{5 * 5000 * 6}{1250 * 8} = 15$$

15 corresponde a la cantidad de personas necesarias para construir 5000 unidades, en 8 horas.

A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta directa inversa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y haga clic en Hallar x, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo.

PROPORCIONALIDAD DIRECTA INVERSA

Variable 1	Variable 2	Variable 3
X		

$$x = \frac{a \cdot d \cdot c}{b \cdot e}$$

Hallar x

A continuación, encontrará otra escena de la regla de tres compuesta directa inversa.

Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables, haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:



PROPORCIONALIDAD DIRECTA INVERSA

personas construyen unidades de un producto en horas. ¿Cuántas personas se necesitan para construir unidades en horas?

Una vez interiorizada la regla de proporcionalidad directa inversa, continúa con la proporcionalidad directa-directa-inversa.

2.6 Proporcionalidad Directa-Directa-Inversa

La relación compuesta directa e inversa, se presenta cuando se relacionan más de 2 variables directamente e inversamente proporcionales a la vez respecto a la variable incógnita, en este caso, se relacionan 4 variables de las cuales 2 de ellas son directamente proporcionales y 1 inversamente proporcional respecto a la variable incógnita.

2.6.1 Actividad de Aplicación:

Analicemos la siguiente situación:

En una empresa, 12 operarios, con 500 Kilogramos de materia prima, confeccionan 300 unidades de un producto en 8 días. ¿Cuál es el número de operarios necesarios para que se confeccionen 1000 unidades, con 750 Kilogramos de materia prima, en 6 días.

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de operarios, otra columna para el número de Kilogramos de materia prima, otra columna para el número de unidades confeccionadas y otra columna para el número de días trabajados.

Operarios	Kilogramos	Unidades	Días
12	500	300	8
x	750	1000	6

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, pero en este caso, los datos de las columnas de las variables directas se escriben igual y se invierte el orden de los datos de la columna de la variable inversa, con base en la tabla de frecuencias, obtenemos la siguiente proporción:

$$\frac{12}{x} = \frac{500 \cdot 300 \cdot 6}{750 \cdot 1000 \cdot 8}$$

Tercer Paso

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{12 \cdot 750 \cdot 1000 \cdot 8}{500 \cdot 300 \cdot 6} = 80$$

80 corresponde a la cantidad de operarios necesarios para confeccionar 1000 unidades, con 750 Kilogramos de materia prima, en 6 días.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video y para ello, se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas.



A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta directa directa inversa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y haga clic en Hallar x, después, puede generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:

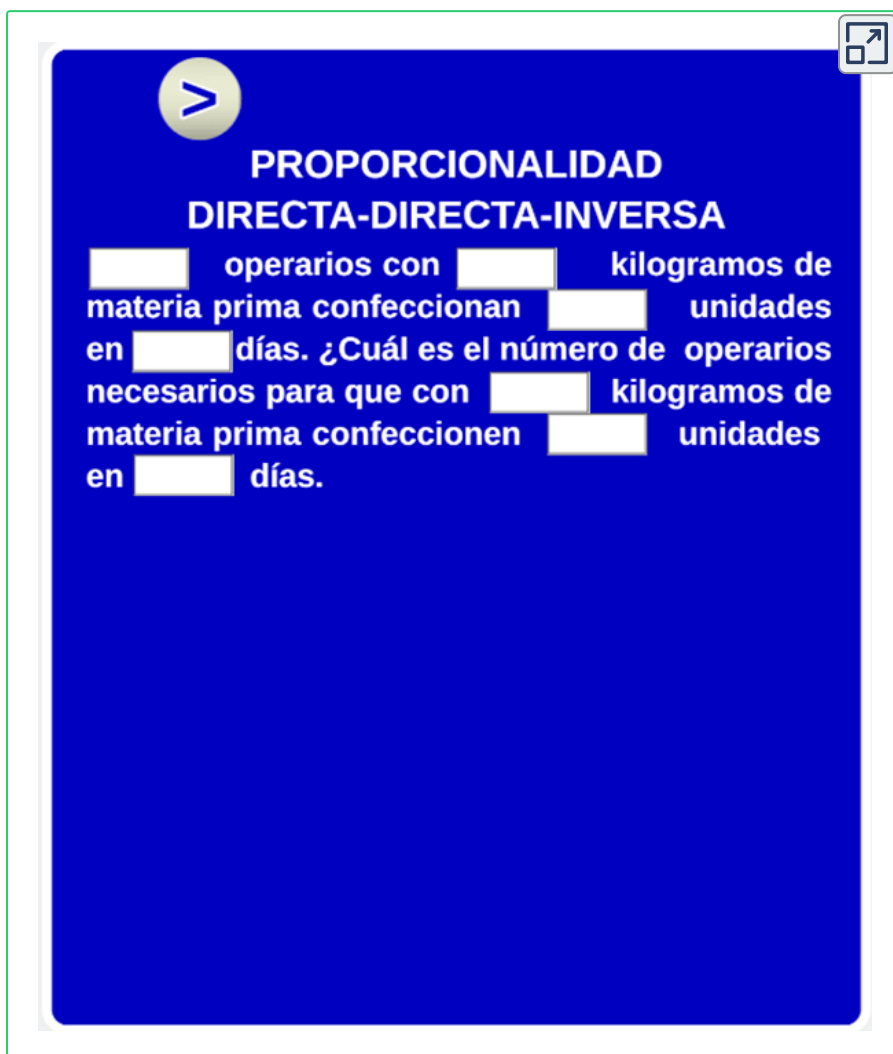
PROPORCIONALIDAD DIRECTA-DIRECTA-INVERSA

Variable 1	Variable 2	Variable 3	Variable 4	$x = \frac{a \cdot e \cdot f \cdot d}{b \cdot c \cdot g}$
X				

Explicación

Hallar x

A continuación encontrará otra escena de la regla de tres compuesta directa directa inversa. Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:



The screenshot shows a blue rectangular interface with a white border. In the top-left corner, there is a circular button with a white right-pointing arrow. In the top-right corner, there is a small square icon with a right-pointing arrow. The main text is centered and reads: "PROPORCIONALIDAD DIRECTA-DIRECTA-INVERSA". Below this, there is a word problem with several white rectangular input boxes. The text is: "[] operarios con [] kilogramos de materia prima confeccionan [] unidades en [] días. ¿Cuál es el número de operarios necesarios para que con [] kilogramos de materia prima confeccionen [] unidades en [] días."

Continúa con la proporcionalidad compuesta directa-inversa-inversa.

2.7 Proporcionalidad Directa Inversa Inversa

La relación compuesta directa-inversa-inversa, se presenta cuando se relacionan 1 variable directamente proporcional y 2 variables inversamente proporcional respecto a la variable que deseamos calcular.

2.7.1 Actividad de Aplicación:

Analícemos la siguiente situación:

En una empresa metalmecánica, 12 operarios de máquina confeccionan 650 unidades de un producto, en 4 días, trabajando turnos de 6 horas. ¿Cuál es el número de operarios que se necesitan para producir 1083 unidades del mismo producto, en 5 días, trabajando turnos de 8 horas.

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte, entonces, en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de operarios, otra columna para el número de unidades producidas, otra columna para el número de días trabajados y otra columna para el número de horas trabajadas, tenga en cuenta que la primera columna debe ser la variable que deseamos calcular.

Operarios	Unidades	Días	Horas
12	650	4	6
x	1083	5	8

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, pero en este caso, los datos de la columna de la variable directa se escribe igual y se invierten el orden de los datos de las columnas de la variables inversas, con base en la tabla de frecuencias, obtenemos la siguiente proporción:

$$\frac{12}{x} = \frac{650 \cdot 5 \cdot 8}{1083 \cdot 4 \cdot 6}$$

3. Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x, siempre, de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, siempre multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{12 \cdot 1083 \cdot 4 \cdot 6}{650 \cdot 5 \cdot 8} = 12$$

12 corresponde al número de operarios necesarios para para producir 1083 unidades, en 5 días de trabajo, trabajando 8 horas diarias.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video y para ello, se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas.



A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta directa inversa inversa, para que interiorice sus competencias e interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientes y haga clic en Hallar x, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:

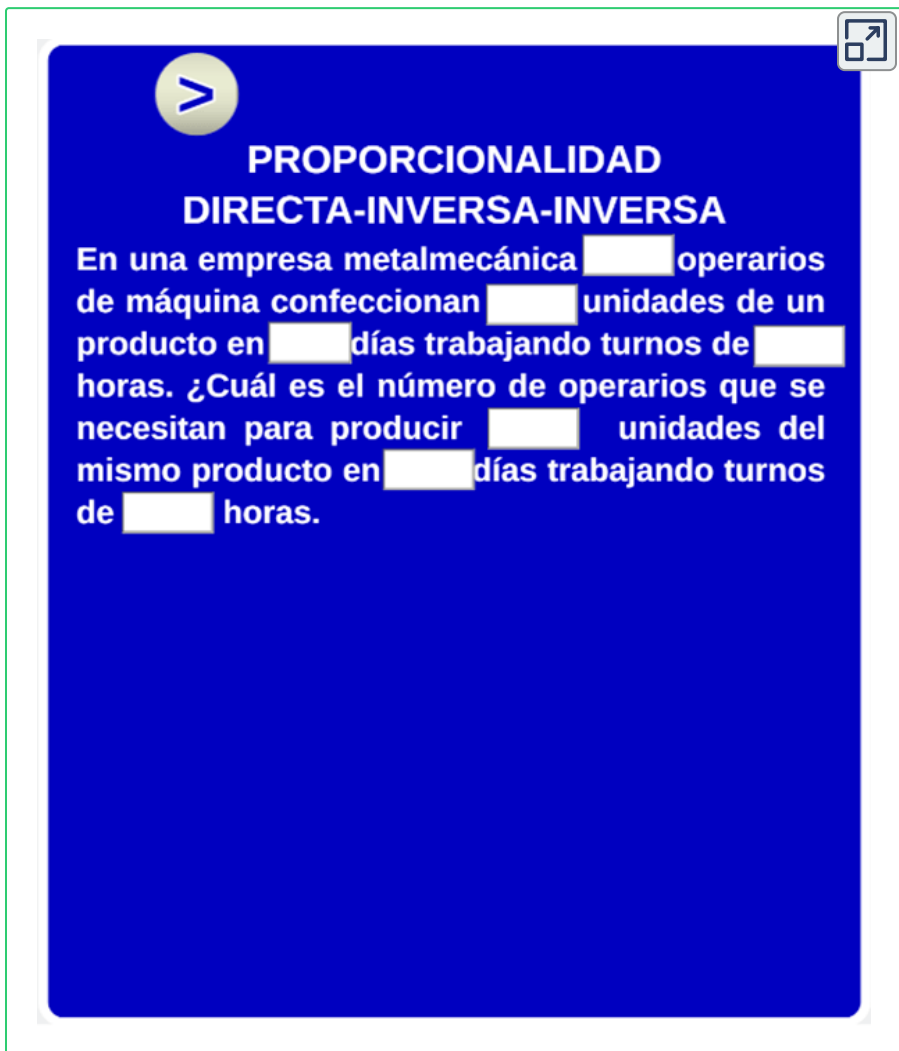
PROPORCIONALIDAD DIRECTA-INVERSA-INVERSA

Variable1	Variable2	Variable3	Variable4	$x = \frac{a \cdot e \cdot c \cdot d}{b \cdot f \cdot g}$
X				

Explicación

Hallar x

A continuación, encontrará otra escena de la regla de tres compuesta directa inversa inversa. Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puede generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:



**PROPORCIONALIDAD
DIRECTA-INVERSA-INVERSA**

En una empresa metalmecánica [] operarios de máquina confeccionan [] unidades de un producto en [] días trabajando turnos de [] horas. ¿Cuál es el número de operarios que se necesitan para producir [] unidades del mismo producto en [] días trabajando turnos de [] horas.

2.8 Proporcionalidad Directa Directa Directa

La relación compuesta directa directa directa, se presenta cuando se relacionan más de 2 variables directamente proporcionales, en este caso, son 4 variables de las cuales tres de ellas son directamente proporcionales con la variable que deseamos calcular.

2.8.1 Actividad de Aplicación:

Analicemos la siguiente situación:

En una empresa metalmecánica, 10 operarios de máquina confeccionan 650 unidades de un producto, en 4 días, trabajando turnos de 6 horas. Determine el número de unidades producidas por 7 operarios, en 6 días, trabajando turnos de 8 horas.

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción, donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de operarios, otra columna para el número de unidades producidas, otra columna para el número de días trabajados y otra columna para el número de horas trabajadas, tenga en cuenta que la primera columna debe ser la variable que deseamos calcular.

Unidades	Operarios	Días	Horas
650	10	4	6
x	7	6	8

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, con base en la tabla de frecuencias obtenemos la siguiente proporción:

$$\frac{650}{x} = \frac{10 \cdot 4 \cdot 6}{7 \cdot 6 \cdot 8}$$

Tercer Paso

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{650 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 8}{10 \cdot 4 \cdot 6} = 910$$

910 corresponde al número de unidades producidas por 7 operarios, en 6 días, trabajando 8 horas diarias.

A continuación, encontrará un video con la explicación del tema. Estudie el video y para ello, se recomienda que vaya pausando el video a medida que vaya adelantado la explicación y realice un resumen en su cuaderno de notas.



A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta directa directa directa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y haga clic en Hallar x:

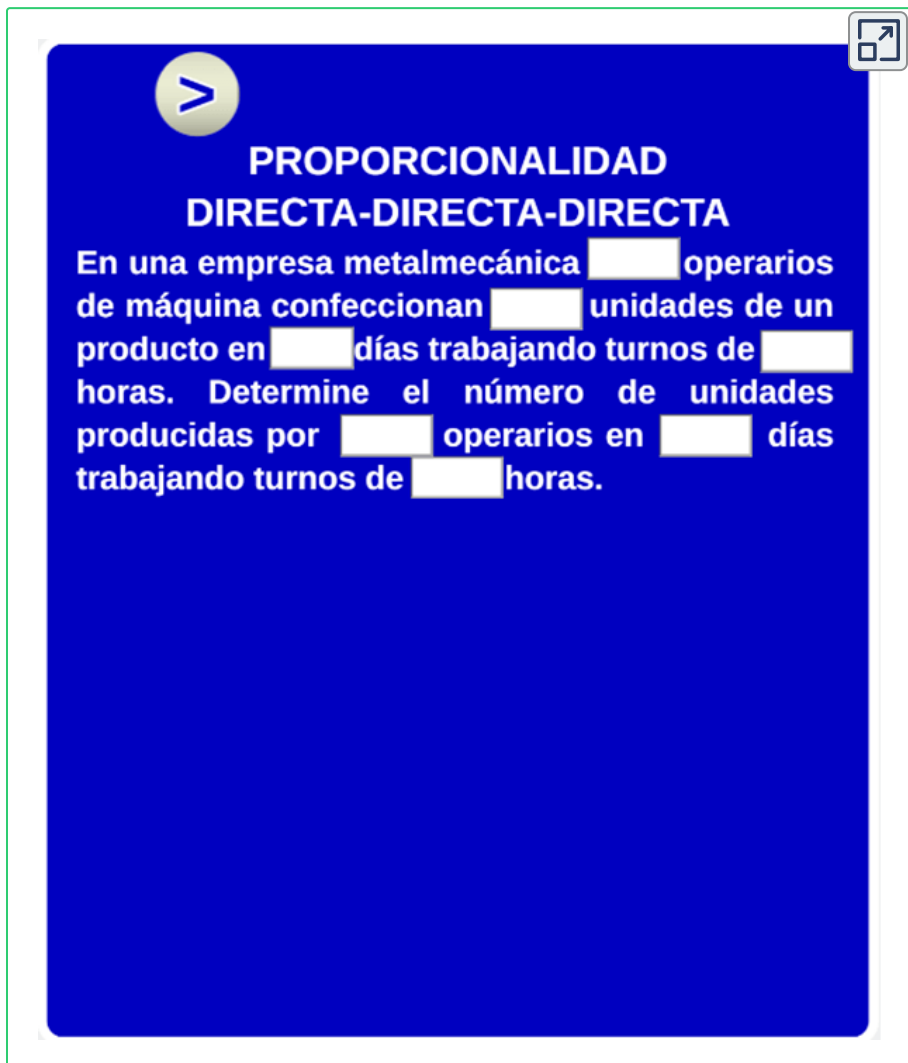
PROPORCIONALIDAD DIRECTA 4 VARIABLES

Variable 1	Variable 2	Variable 3	Variable 4	$x = \frac{a \cdot e \cdot f \cdot g}{b \cdot c \cdot d}$
X				

Explicación

Hallar x

A continuación, encontrará otra escena de la regla de tres compuesta directa directa directa. Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables, haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puedes generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:



**PROPORCIONALIDAD
DIRECTA-DIRECTA-DIRECTA**

En una empresa metalmeccánica [] operarios de máquina confeccionan [] unidades de un producto en [] días trabajando turnos de [] horas. Determine el número de unidades producidas por [] operarios en [] días trabajando turnos de [] horas.

2.9 Proporcionalidad Inversa Inversa Inversa

La relación compuesta inversa inversa inversa, se presenta cuando se relacionan más de 2 variables inversamente proporcionales respecto a la variable que deseamos calcular, en este caso, son 4 variables, de las cuales, tres de ellas son inversamente proporcionales respecto a la variable incógnita.

2.9.1 Actividad de Aplicación:

Analicemos la siguiente situación:

Para aumentar la productividad en una empresa metalmecánica, se instalaron líneas alternas de producción automatizadas. Con la instalación de 3 líneas automatizadas alternas y 15 operarios, se realizó un lote de producción en 12 días, trabajando en turnos de 8 horas. ¿Cuántas líneas de producción automatizadas se deben instalar, para que con 6 operarios, se realice la misma producción en 8 días, trabajando turnos de 10 horas?.

Con igualdades de razones podemos construir proporciones, el objetivo se convierte, entonces, en encontrar una proporción que me relacione las razones y establecemos una proporción donde la letra x representa el valor desconocido de una de las variables, para ello, se procede de la siguiente manera:

Primer Paso

Dibuje una tabla de frecuencias con las variables relacionadas, en este caso, es una columna para el número de operarios, otra columna para el número de unidades producidas, otra columna para el número de días trabajados y otra columna para el número de horas trabajadas, tenga en cuenta que la primera columna debe ser la variable que deseamos calcular, en este caso, el número de líneas automatizadas, como se muestra en la siguiente tabla.

Líneas	Operarios	Días	Horas
3	6	8	10
x	15	12	8

Segundo Paso

Escriba la proporción, para ello, el primer miembro de la proporción corresponderá a la columna de la variable desconocida y el segundo miembro de la proporción corresponderá a las columnas de las variables conocidas, pero en este caso se invierten el orden de los datos, con base en la tabla de frecuencias obtenemos la siguiente proporción:

$$\frac{3}{x} = \frac{15 \cdot 12 \cdot 8}{6 \cdot 8 \cdot 10}$$

Tercer Paso

Una vez obtenida la proporción, despeje la variable x, siempre, de la siguiente manera, multiplique la diagonal y divida por el otro, es decir, siempre multiplique los extremos de la proporción y divida por los términos restantes, en este caso:

$$x = \frac{3 \cdot 6 \cdot 8 \cdot 10}{15 \cdot 12 \cdot 8} = 1$$

1 corresponde al número de líneas de producción alternas necesarias para producir el mismo lote, con 6 operarios, en 8 días, trabajando 10 horas diarias.

A continuación, encontrará una escena interactiva de la regla de proporcionalidad compuesta inversa inversa inversa, para que interiorice sus competencias, para interactuar en ella, escriba la tabla de datos en las celdas correspondientemente y haga clic en Hallar x:

PROPORCIONALIDAD INVERSA 4 VARIABLES

Variable 1	Variable 2	Variable 3	Variable 4	$x = \frac{a*b*c*d}{e*f*g}$
X				

Explicación Hallar x

A continuación encontrará otra escena de la regla de tres compuesta inversa inversa inversa. Para comenzar, debe asignarle valores a las variables, una vez que haya asignado los valores de las variables, haga clic en el botón superior izquierdo y le mostrará las variables de la situación planteada, luego, haga clic nuevamente en ese botón y le mostrará la proporción que se genera, luego, vuelva a hacer clic y le mostrará el valor de la incógnita, después, puede generar otro ejercicio haciendo clic en Otro Cálculo:



PROPORCIONALIDAD INVERSA-INVERSA-INVERSA

En una empresa metalmecánica operarios de máquina confeccionan unidades de un producto en días trabajando turnos de horas. Determine el número de unidades producidas por operarios en días trabajando turnos de horas.

Una vez que haya interiorizado la regla de proporcionalidad inversa-inversa-inversa, puedes continuar con la siguiente sección, en esta parte, se mostrarán ejercicios interactivos de cada una de las reglas de proporcionalidad:

2.10 Ejercicios Resueltos

A continuación, encontrará aplicaciones de las reglas de proporcionalidad en la solución de situaciones reales:

2.10.1 Ejemplo N°1





PROPORCIONALIDAD SIMPLE DIRECTA

152 operarios confeccionan 1075 unidades de un producto diariamente. ¿Cuál es la cantidad de unidades producidas al día por 37 operarios?

2.10.2 Ejemplo N°2

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



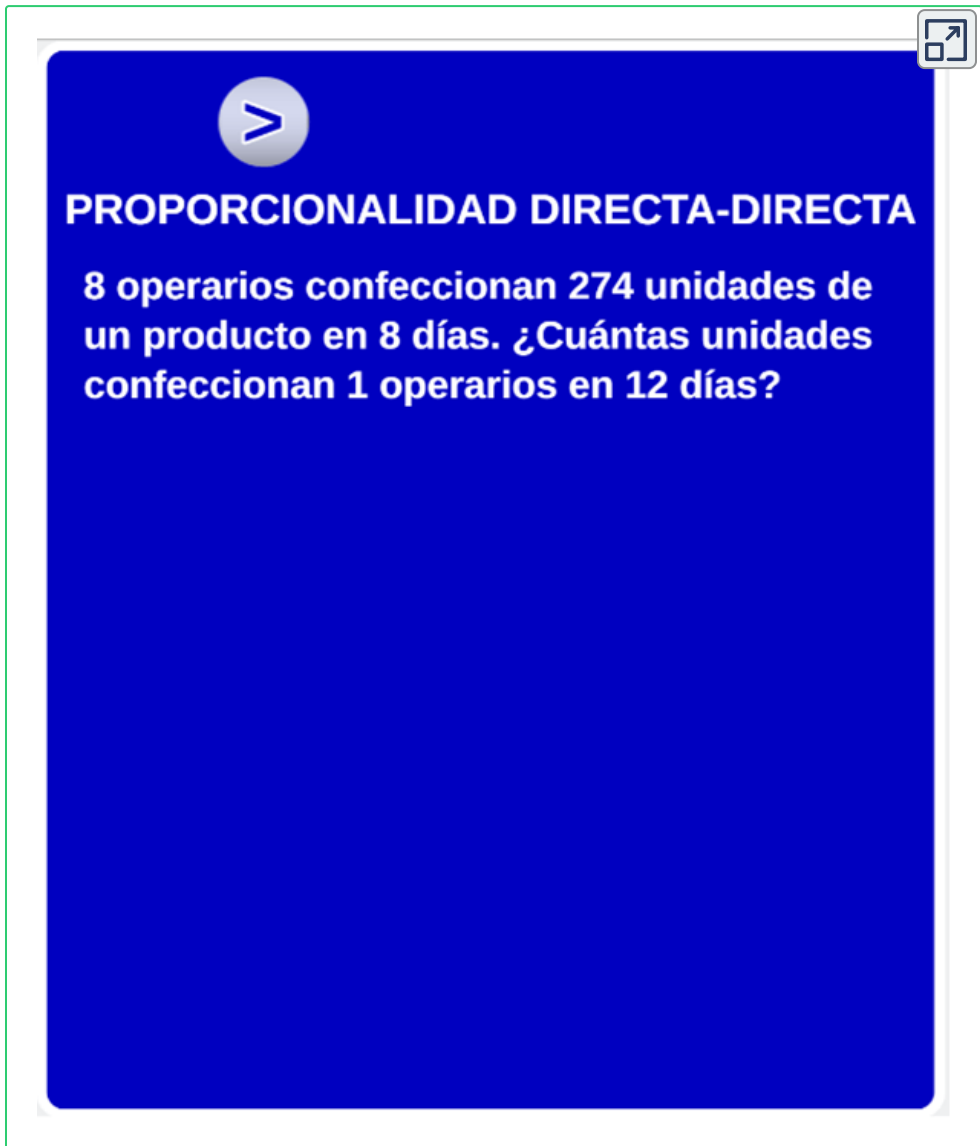



PROPORCIONALIDAD SIMPLE INVERSA

33 operarios confeccionan un mecanismo en 3 días. ¿Cuál es la cantidad de operarios necesarios para confeccionar el mismo mecanismo en 46 días?

2.10.3 Ejemplo N°3

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



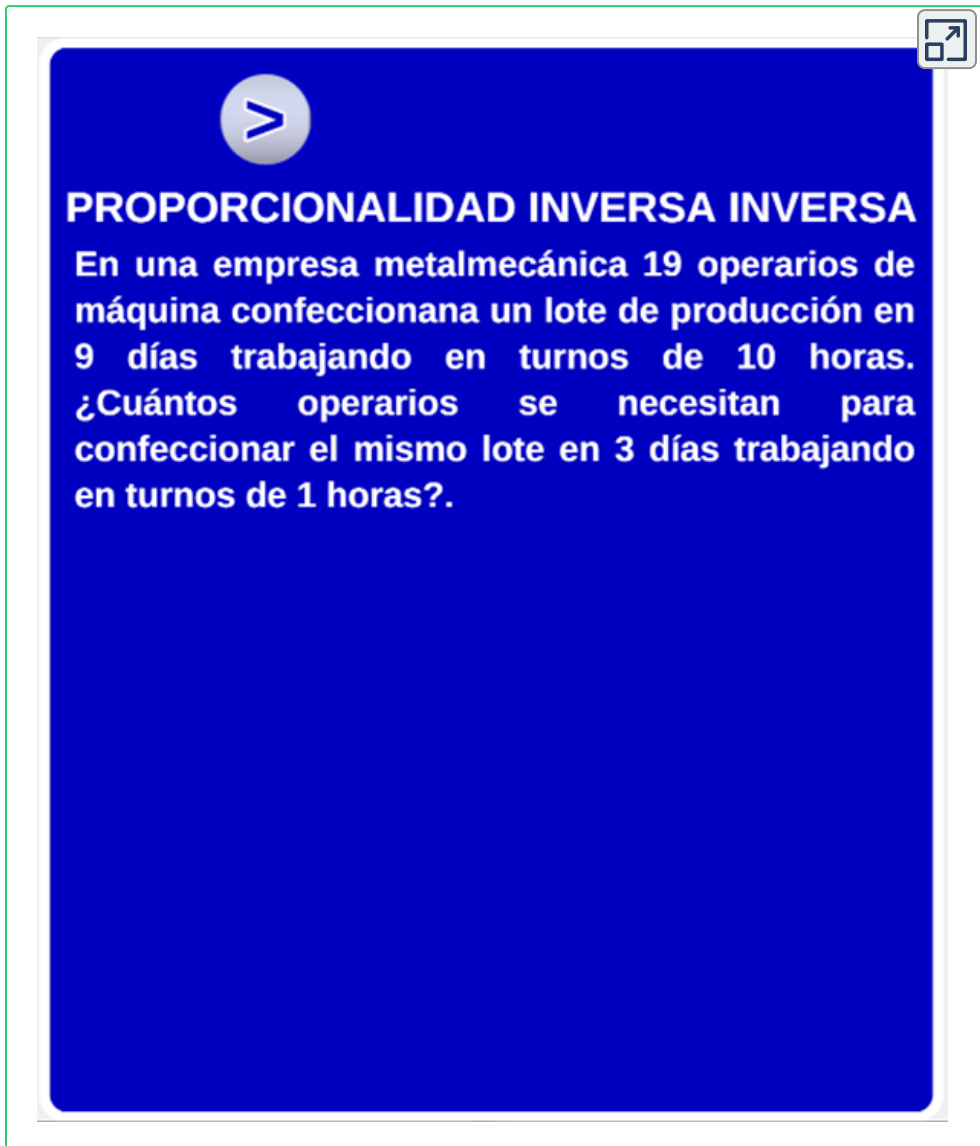


PROPORCIONALIDAD DIRECTA-DIRECTA

8 operarios confeccionan 274 unidades de un producto en 8 días. ¿Cuántas unidades confeccionan 1 operarios en 12 días?

2.10.4 Ejemplo N°4

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:




PROPORCIONALIDAD INVERSA INVERSA

En una empresa metalmecánica 19 operarios de máquina confecciona un lote de producción en 9 días trabajando en turnos de 10 horas. ¿Cuántos operarios se necesitan para confeccionar el mismo lote en 3 días trabajando en turnos de 1 horas?.

2.10.5 Ejemplo N°5


Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:





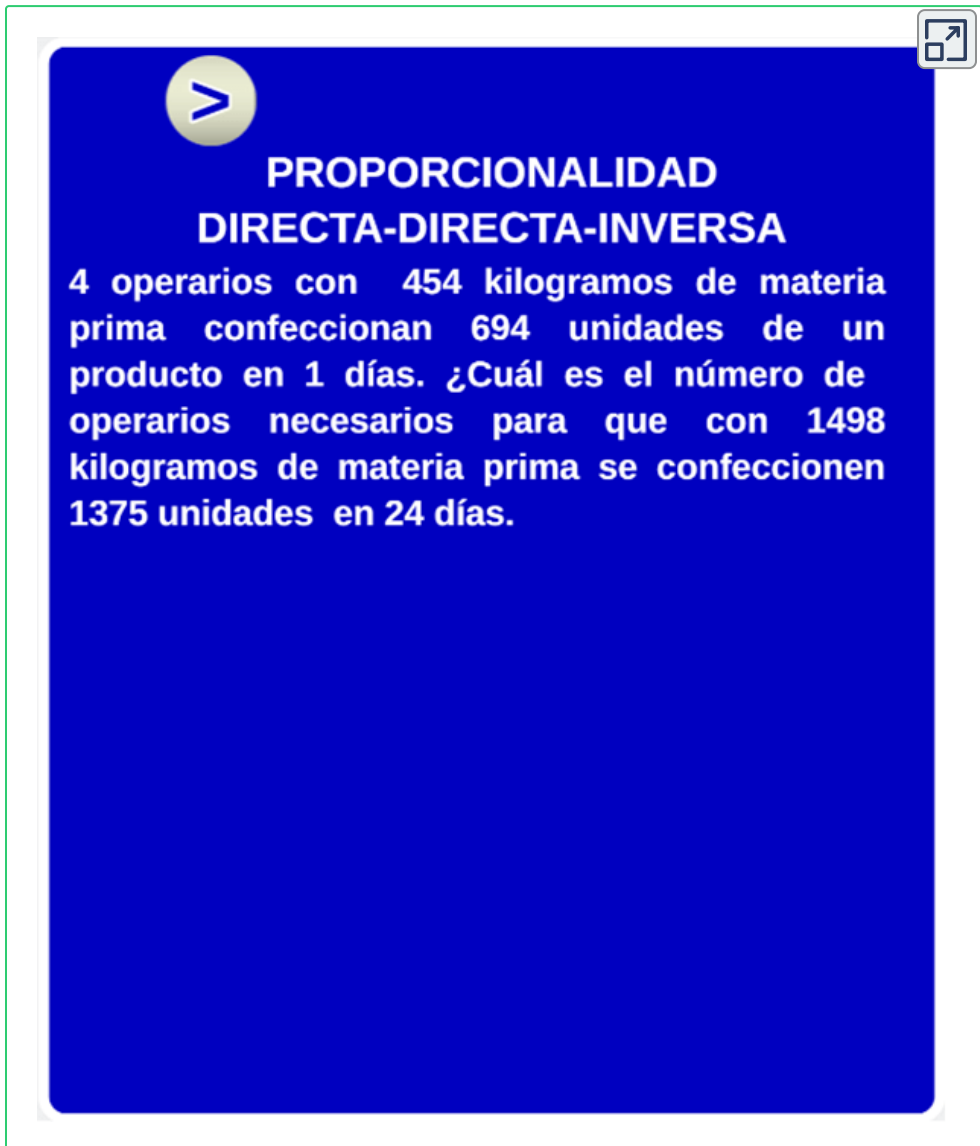
PROPORCIONALIDAD DIRECTA-INVERSA

13 operarios de máquina confeccionana 1794 unidades de un producto en 4 horas. ¿Cuántos operarios se necesitan para confeccionar 1509 unidades trabajando en turnos de 13 horas?.



2.10.6 Ejemplo N°6

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



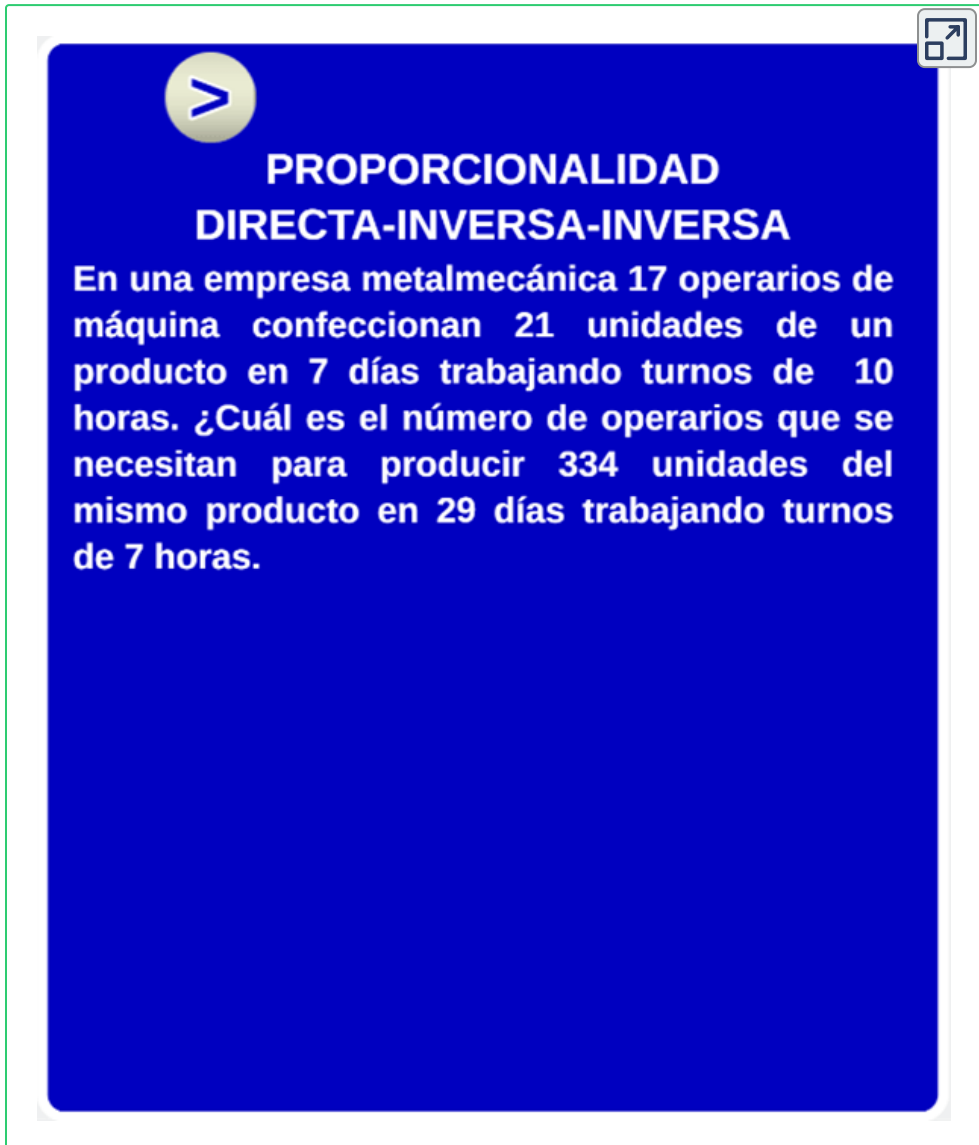
>

**PROPORCIONALIDAD
DIRECTA-DIRECTA-INVERSA**

4 operarios con 454 kilogramos de materia prima confeccionan 694 unidades de un producto en 1 días. ¿Cuál es el número de operarios necesarios para que con 1498 kilogramos de materia prima se confeccionen 1375 unidades en 24 días.

2.10.7 Ejemplo N°7

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



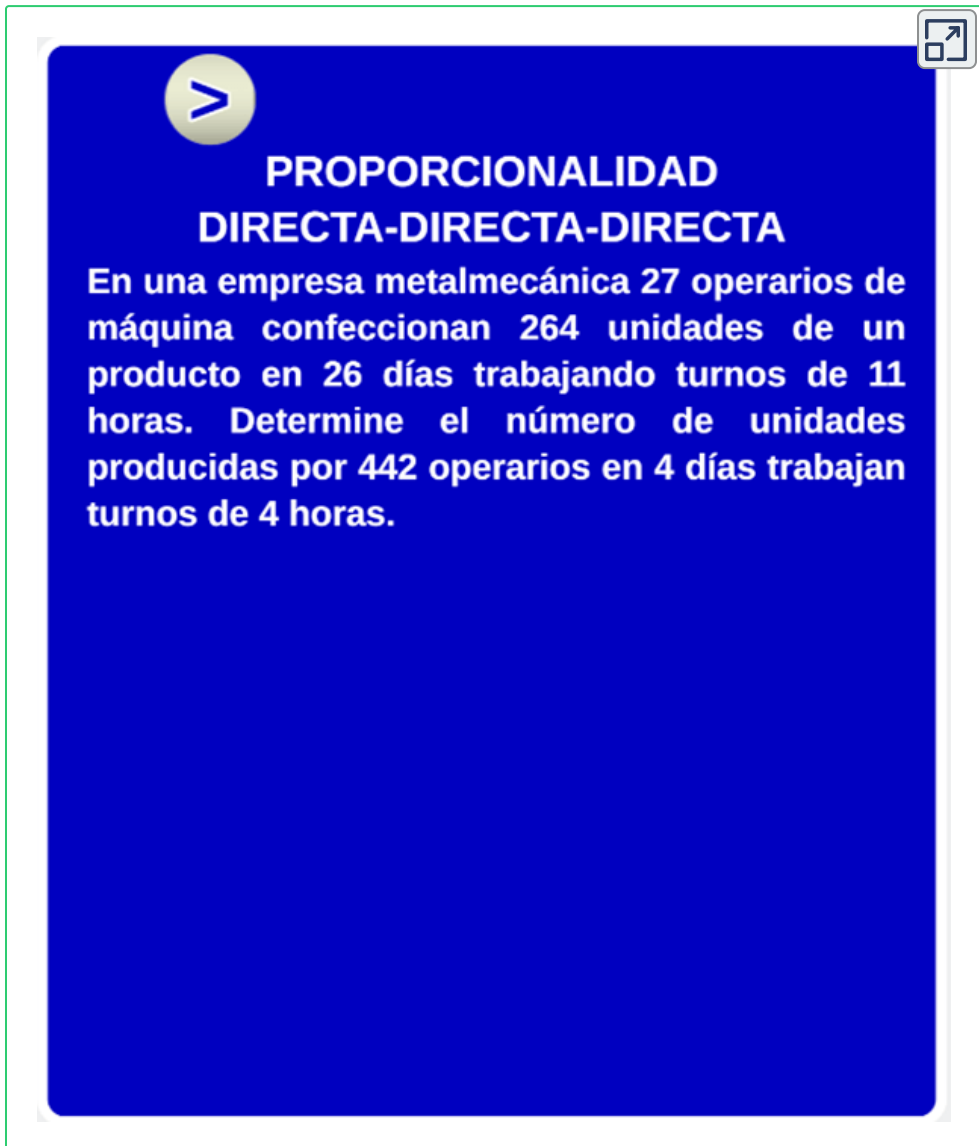
>

**PROPORCIONALIDAD
DIRECTA-INVERSA-INVERSA**

En una empresa metalmecánica 17 operarios de máquina confeccionan 21 unidades de un producto en 7 días trabajando turnos de 10 horas. ¿Cuál es el número de operarios que se necesitan para producir 334 unidades del mismo producto en 29 días trabajando turnos de 7 horas.

2.10.8 Ejemplo N°8

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



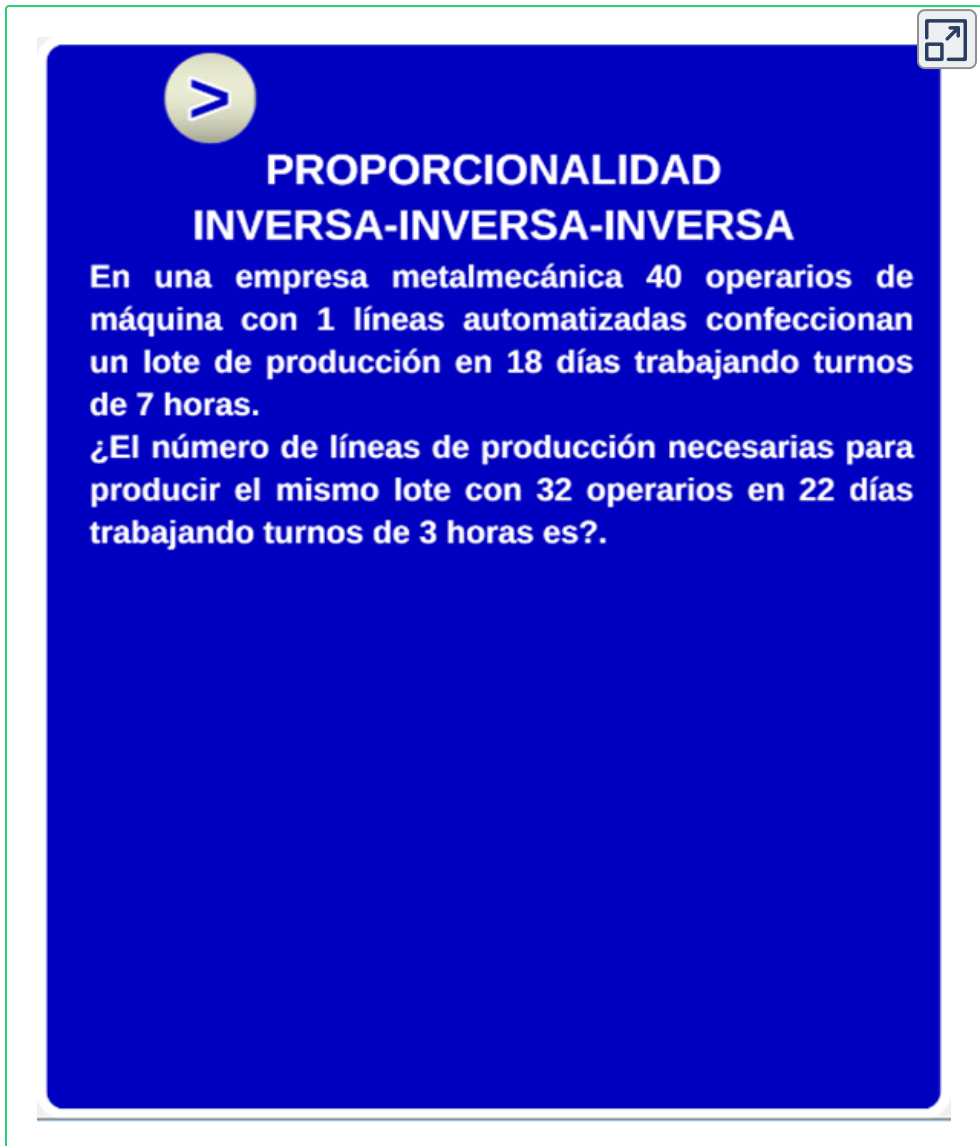
>


**PROPORCIONALIDAD
DIRECTA-DIRECTA-DIRECTA**

En una empresa metalmecánica 27 operarios de máquina confeccionan 264 unidades de un producto en 26 días trabajando turnos de 11 horas. Determine el número de unidades producidas por 442 operarios en 4 días trabajan turnos de 4 horas.

2.10.9 Ejemplo N°9

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:






PROPORCIONALIDAD INVERSA-INVERSA-INVERSA

En una empresa metalmecánica 40 operarios de máquina con 1 líneas automatizadas confeccionan un lote de producción en 18 días trabajando turnos de 7 horas.

¿El número de líneas de producción necesarias para producir el mismo lote con 32 operarios en 22 días trabajando turnos de 3 horas es?



A manera de complemento, puede ver más videos de ejercicios resueltos en RAZONES, PROPORCIONES Y PROPORCIONALIDAD.

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



The screenshot shows a web application titled "ARITMÉTICA". At the top right, there is a search bar labeled "buscar" and a button with a square and an arrow icon. Below the title, a navigation bar lists several themes: Classic, Flipcard, Magazine, Mosaic, Sidebar, Snapshot, and Timeslide. A sidebar on the left contains a list of topics, each with a small video icon and a speech bubble icon containing the number "1". The topics are: NÚMEROS IRRA..., PORCENTAJES, RAZÓN, PROPORCIÓN..., RACIONALIZACIÓN DE..., NÚMEROS COMPLEJOS, CONJUNTOS, UNIDADES DE MEDICI..., NÚMEROS REALES, ELIMINACIÓN DE SIGN..., and POTENCIACIÓN, RADI... The main content area features the title "RAZÓN, PROPORCIÓN, PROPORCIONALIDAD Y REGLA DE TRES 2" with a pencil icon. Below the title is a video player showing a video titled "VIDEOMÁTICA". Under the video, the text reads "Bienvenidos al blog de ARITMÉTICA". Below this, there are two paragraphs of text: "A la izquierda siempre tendrá el menú principal; para escoger la temática que desea estudiar sólo 1 tema que necesite." and "En esta página encontrarás todas las explicaciones de RAZÓN, PRC PROPORCIONALIDAD Y REGLA DE TRES".

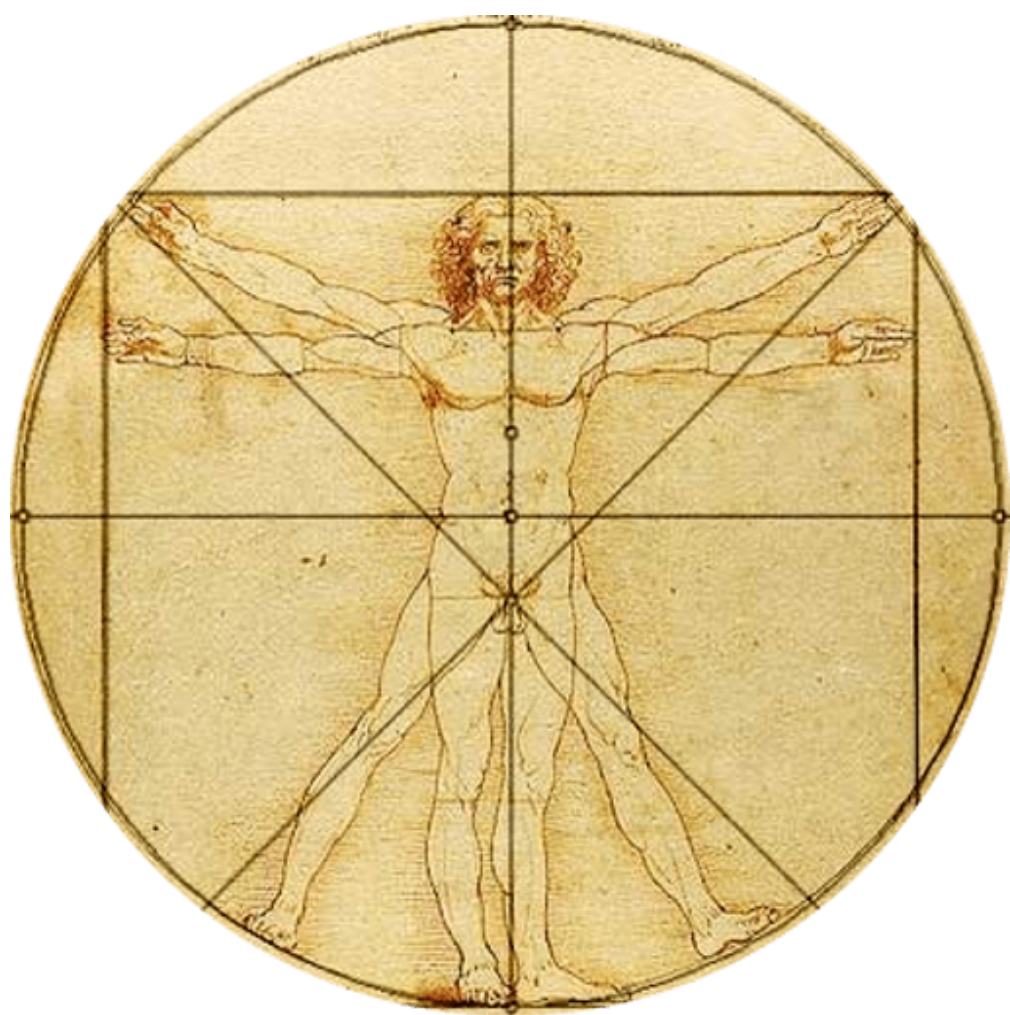
Haga clic en el botón de la esquina superior derecha, para ver el interactivo en una ventana ampliada.

Recuerda que estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



The image shows a screenshot of a blog post. At the top, there is a dark green header with the text "TAREAS EN CASA" in white. Below the header, the date "jueves, 31 de diciembre de 2015" is displayed. The main title of the post is "ESTUDIE EN CASA" in a reddish-brown font. Below the title is a video player with a white border. The video frame shows a building entrance with a sign that reads "VIDEOMÁTICA" in blue, 3D-style letters. To the right of the video player, there is a sidebar with navigation elements. It includes "Datos per:" followed by a small orange icon and the name "david". Below that is "Ver todo r". Further down is "Archivo d" and a dropdown menu for the year "2015 (". Underneath the year dropdown is "dici (1)". At the bottom of the sidebar, the text "EST" and "E" is visible. In the top right corner of the screenshot, there is a small icon of a square with an arrow pointing outwards, indicating a full-screen or expandable view option. The background of the blog page is a light beige color with a bookshelf visible on the left side.

Realizado lo anterior puede continuar con la siguiente unidad denominada, Reconociendo Mis Competencias





Reconociendo Mis Competencias

3.1 Objetos Interactivos de Aprendizaje de Aritmética

A continuación, encontrará un Padlet, como un repositorio de objetos interactivos de aprendizaje, para que practique lo aprendido, el objetivo es que realice algunas de las situaciones planteadas en él.

Recuerda que, estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



3.2 Taller Interactivo

A continuación, encontrará un taller con 9 actividades relacionadas con las reglas de proporcionalidad, para que practique lo aprendido, el objetivo es que realice todas las situaciones planteadas en él.

Miscelánea
Actividades Varias

Memoriza las posiciones

Actividad 6

Desarrolla la actividad de la escena presentada en la ventaneta derecha.

Puedes cambiar la actividad en cualquier momento.

Una vez se haya seleccionado una actividad, se entenderá que has practicado con ella.

[Siguiente actividad](#)

[Cambiar de actividad](#)

En el tablero de la derecha hay tres imágenes iguales a la que se muestra en el extremo izquierdo del tablero.



Haz clic sobre esta imagen para destapar el tablero, tendrás tres segundos para memorizar la posición de las imágenes, una vez se oculten las imágenes, debes hacer clic en la posición en la que se encuentran, si aciertas puedes continuar con el próximo nivel.



Juan David Bulles Grisales

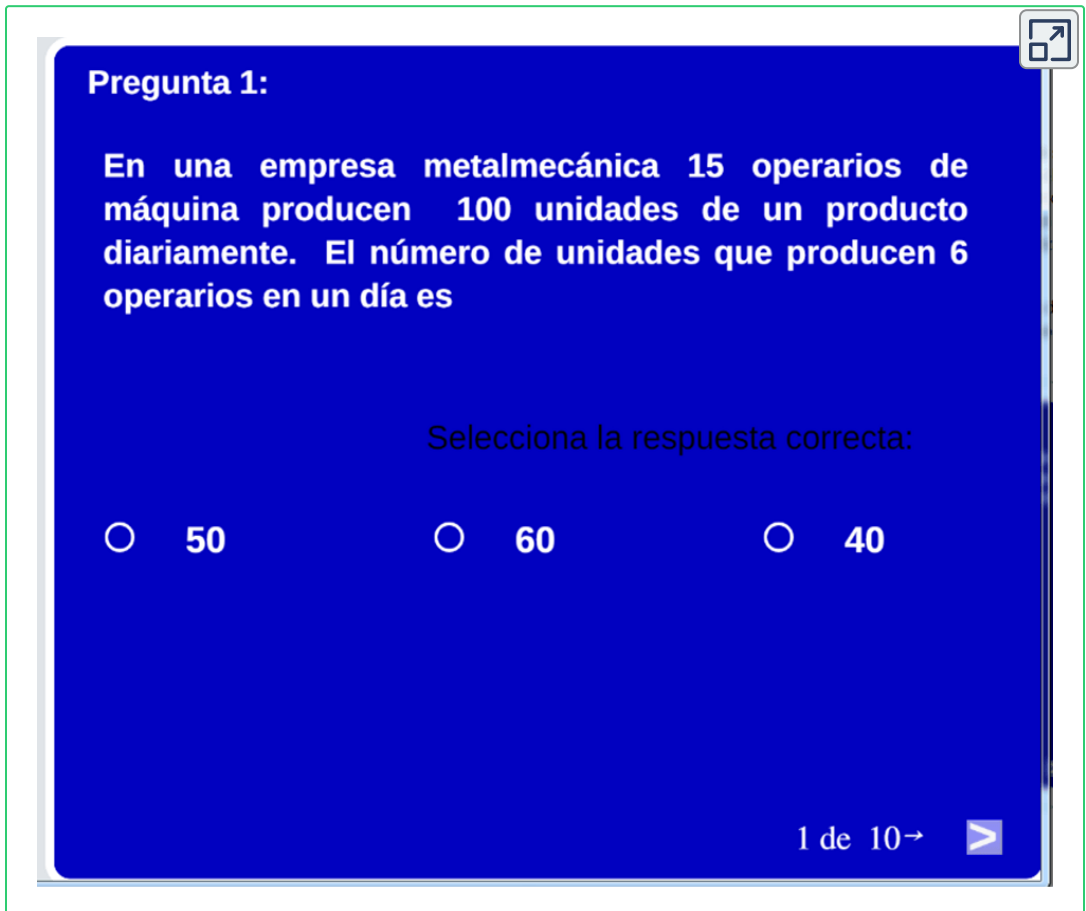
Actividad 6

Haga clic en el botón de la esquina superior derecha, para ver el interactivo en una ventana ampliada.

3.3 Taller Tipo Cuestionario

A continuación, encontrará un taller, tipo cuestionario de selección múltiple única respuesta, para que practique lo aprendido, el objetivo es que realice todas las situaciones planteadas en él, haciendo clic en la respuesta que crea es la correcta, después, haga clic en el botón inferior derecho para avanzar al siguiente punto, al finalizar los 10 puntos, haga clic en verificar.

Recuerda que, estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



The screenshot shows a blue question card with a white border. In the top right corner, there is a small icon of a square with an arrow pointing outwards, indicating a full-screen or expandable view. The text on the card is as follows:

Pregunta 1:

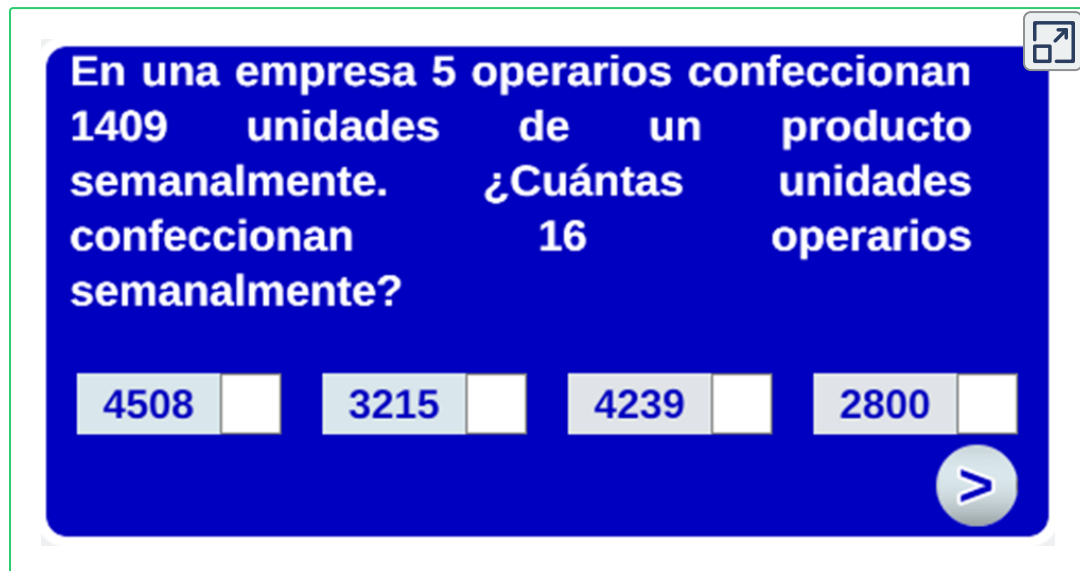
En una empresa metalmecánica 15 operarios de máquina producen 100 unidades de un producto diariamente. El número de unidades que producen 6 operarios en un día es

Selecciona la respuesta correcta:

50 60 40

In the bottom right corner, there is a progress indicator "1 de 10" followed by a right-pointing arrow and a small square icon.

A continuación encontrará otra escena, tipo selección múltiple única respuesta, seleccione la respuesta que crea es la correcta y haga clic en el botón inferior derecho para avanzar al siguiente punto.



En una empresa 5 operarios confeccionan 1409 unidades de un producto semanalmente. ¿Cuántas unidades confeccionan 16 operarios semanalmente?

4508 3215 4239 2800

>

The image shows a blue rectangular interface for a math problem. The text is white. At the top right, there is a small icon of a window with an arrow pointing out. Below the question, there are four input boxes, each containing a number and a checkbox. At the bottom right, there is a circular button with a right-pointing arrow.

3.4 Evaluación

A continuación encontrará una evaluación, la cual le permitirá al lector medir el nivel de apropiación de competencias, el objetivo es que lo realice sin ayuda de los objetos interactivos de aprendizaje y que realice los cálculos con lápiz y papel, con la ayuda de una calculadora.

Recuerda que, estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho se muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales, le recomendamos realizarlo de esa manera:

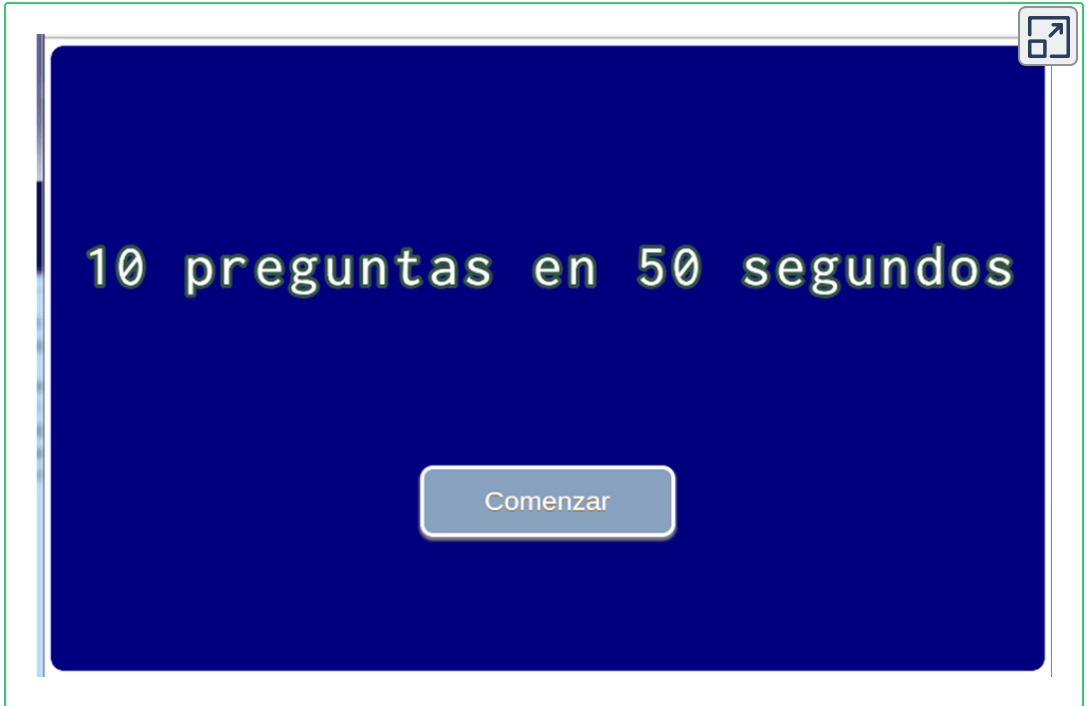
Para comenzar, haga clic en comenzar, seguidamente, seleccione la respuesta que crea es la correcta, una vez seleccionada la respuesta, haga clic en siguiente, al finalizar, haga clic en Resultados y podrás encontrar los resultados obtenidos en la prueba:



3.5 Autoevaluación

La autoevaluación, le permite al lector y al escritor establecer el nivel de satisfacción alcanzado con el libro digital, es muy importante su objetividad en las respuestas, para el mejoramiento continuo de los procesos formativos que cómo educador están a mi cargo y para la actualización del mismo libro. A continuación encontrará la autoevaluación, el objetivo es que la realice concienzudamente:

Recuerda que, estos interactivos son escalables, quiere decir que, con el botón superior derecho le muestra el interactivo en otra ventana con las dimensiones reales:



Eso es todo amigo, espero que haya disfrutado del libro, y lo más importante, que haya aprendido la regla de tres.

Agradecimientos a Juan Guillermo Rivera, por su apoyo tan diligente, gracias a él y sus orientaciones, pude realizar el libro, gracias al Proyecto Educativo Descartes por su altruismo y filantropía que permiten que publiquemos estos libros para la comunidad, estoy muy orgulloso de hacer parte de esta gran familia.

